

# BETRIEBSSYSTEME UND SICHERHEIT

mit Material von Olaf Spinczyk,  
Universität Osnabrück

*Schedulingstrategien für Echtzeitsysteme*

<https://tud.de/inf/os/studium/vorlesungen-bs>

HORST SCHIRMEIER

# Inhalt

- Echtzeitsysteme
- Beispiel: OSEKtime
- Echtzeit-Scheduling-Strategien
- *Rate Monotonic Scheduling*
- *Earliest Deadline First Scheduling*
- Ausblick

# Inhalt

- **Echtzeitsysteme**

- Beispiel: OSEKtime
- Echtzeit-Scheduling-Strategien
- *Rate Monotonic Scheduling*
- *Earliest Deadline First Scheduling*
- Ausblick

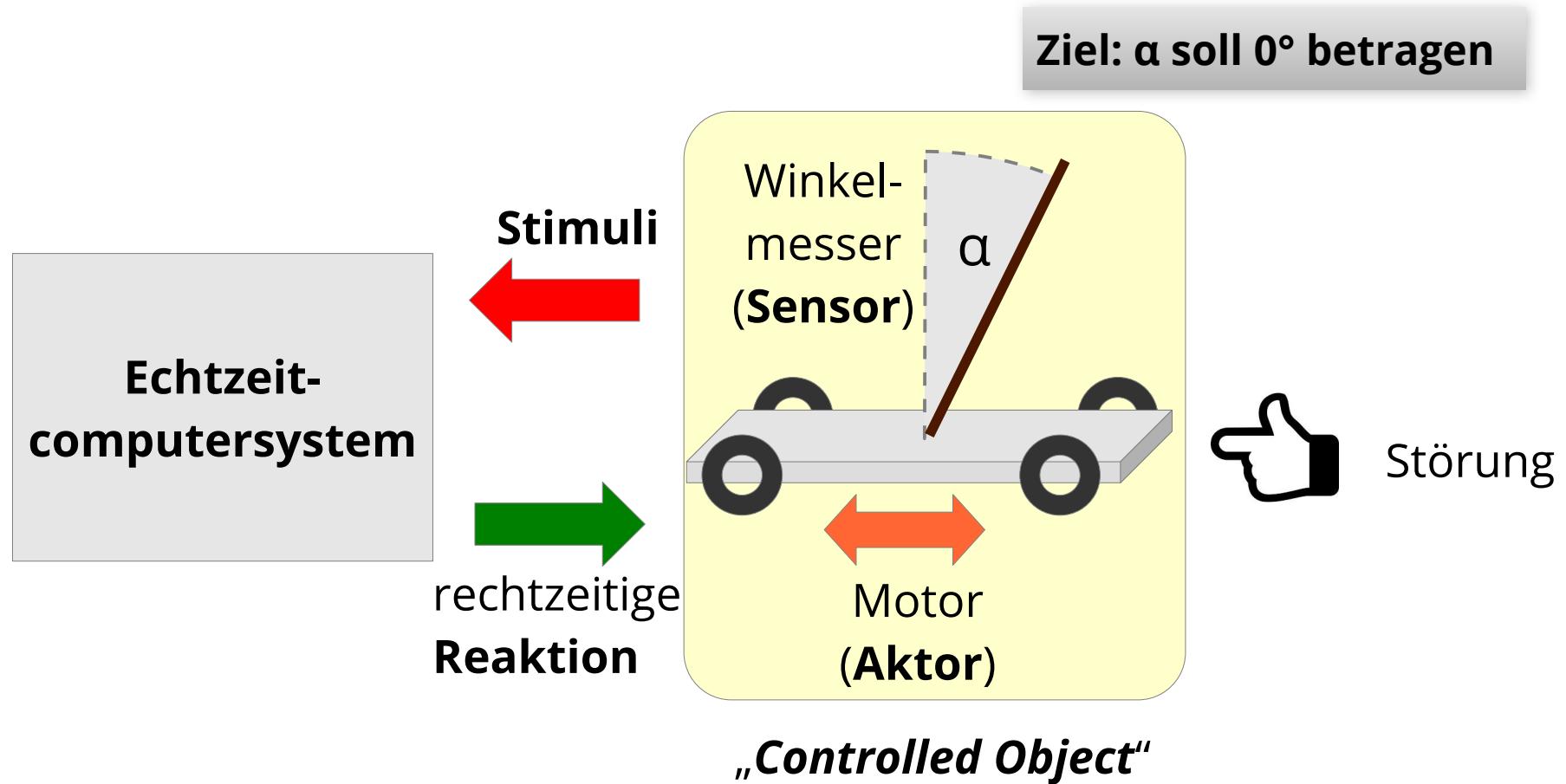
# Echtzeitcomputersysteme

- Was ist das?

„A **real-time computer system** is a computer system in which the **correctness** of the system behavior depends not only on the logical results of the computations, but also on the physical **instant** at which these results are produced.“

Hermann Kopetz [1]

# Beispiel „Inverses Pendel“



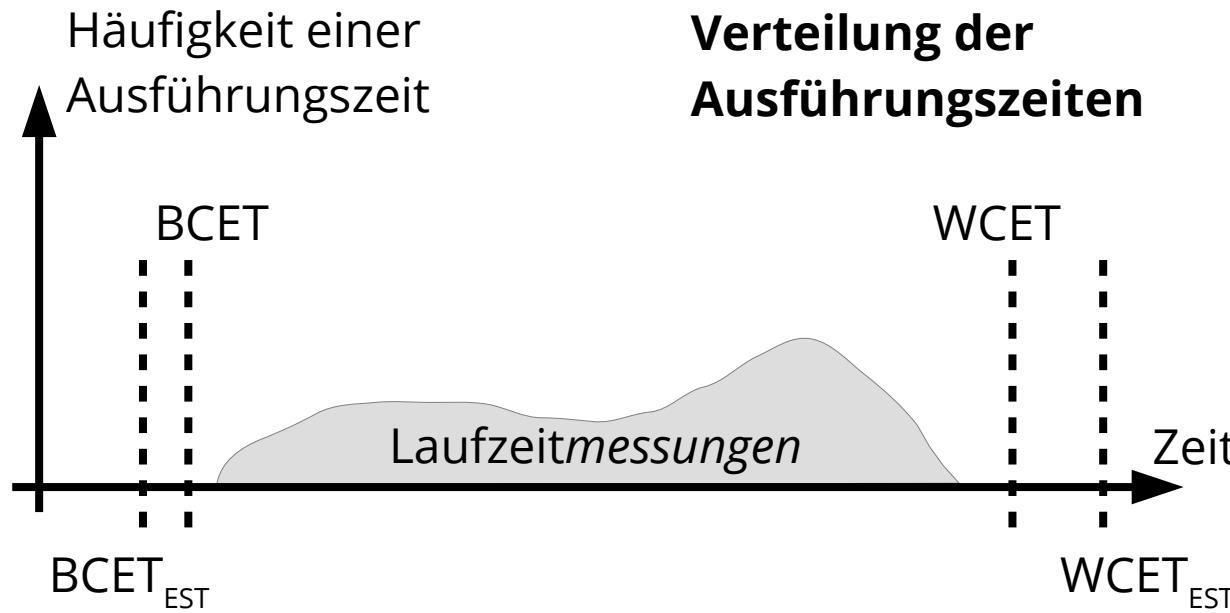
Die Reaktionszeit des Computersystems (Zeitraum zwischen dem Stimulus und der Reaktion) sowie der Schwankung („Jitter“) sollten minimal sein.

# Fristen („deadlines“)

- Sind durch das gesteuerte technische System vorgegeben
- Werden wie folgt klassifiziert:
  - **soft**: Auch wenn die Frist verstrichen ist, ist das berechnete Ergebnis (die Reaktion) noch nützlich.
  - **firm**: Wenn die Frist verstrichen ist, ist das Ergebnis wertlos.
  - **hard**: Wenn die Frist ohne Reaktion verstrichen ist, entsteht ein Schaden.
- Ein Echtzeitsystem gilt als „hart“, wenn mindestens eine Frist hart ist. Sonst gilt es als „weich“.
  - Bei harten Echtzeitsystemen muss die Einhaltung der Fristen garantiert werden. Das impliziert andere Entwicklungsmethoden und Systemstrukturen.

# Wie lange rechnet ein Programm?

- Laufzeiten variieren: Unterschiedliche Eingabeparameter, Hardwarezustände beim Start, Unterbrechungen, Prozesswechsel, Power Management, ...



**Verteilung der Ausführungszeiten**

Die geschätzte  $WCET_{EST}$  muss garantiert größer oder gleich der wahre WCET sein. Der Abstand sollte aber möglichst gering sein (engl. tight bounds).

- Besonders wichtig: **Worst Case Execution Time (WCET)**

# Auslöser („trigger“) ...

... für die Berechnung („**Task**“) können unterschiedlich realisiert werden:

- **Ereignisgesteuerte Echtzeitsysteme**
  - Eine relevante Zustandsänderung (ein Ereignis – „*Event*“) des kontrollierten Objekts wurde an einem Sensor festgestellt.
  - Einplanung („*Scheduling*“) der Tasks erfolgt zur Laufzeit.
  - Hoher Aufwand für Tests im Hochlastbetrieb.
  - Vorhersagen schwierig → **weiche Echtzeitsysteme**

# Auslöser („trigger“) ...

... für die Berechnung („**Task**“) können unterschiedlich realisiert werden:

- **Zeitgesteuerte Echtzeitsysteme**
  - Feste Zeitpunkte für Berechnungen werden vorab geplant („*offline scheduling*“). Die Ausführung erfolgt periodisch.
  - Höherer Ressourcenverbrauch, da der Kalkulation die **Worst Case Execution Time** zugrunde liegen muss.
  - Hoher Energieverbrauch, kontinuierlich aktiv
  - Weniger Testaufwand
  - Garantien möglich → **harte Echtzeitsysteme**



# Inhalt

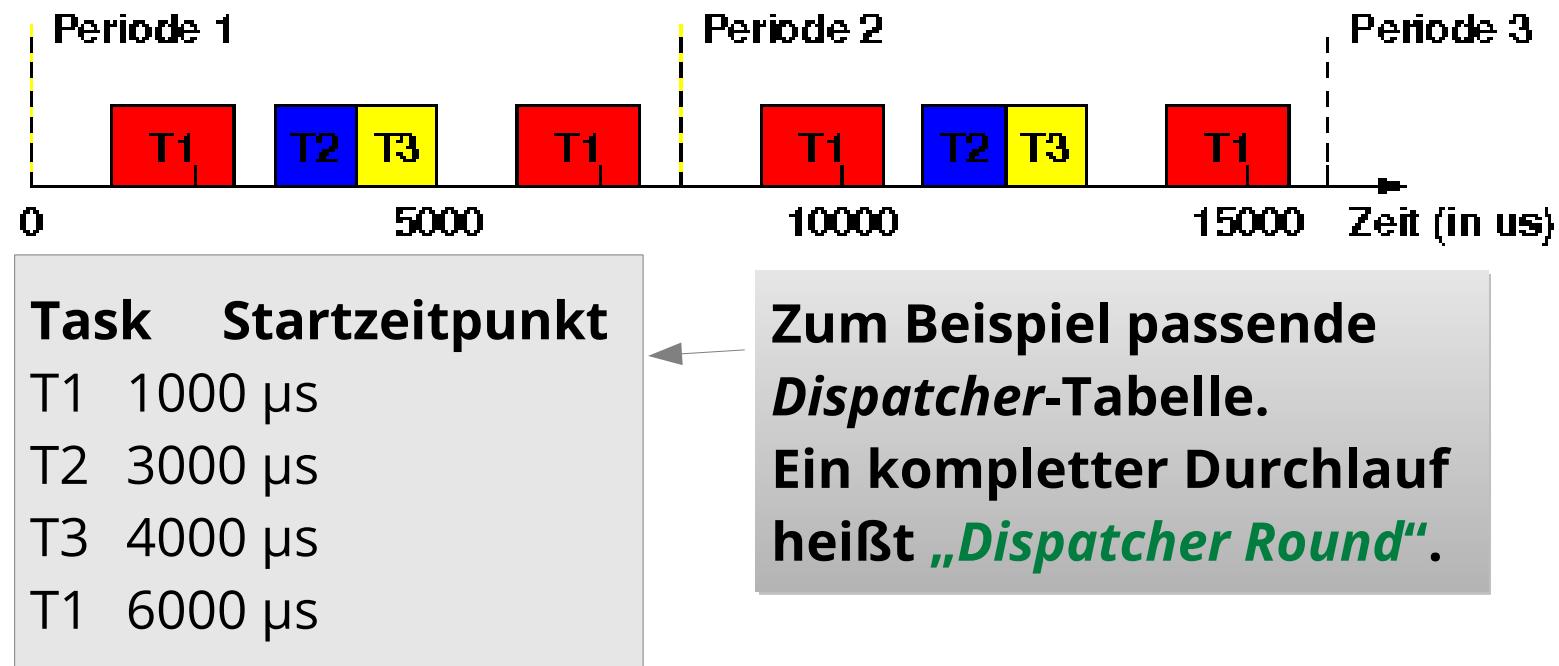
- Echtzeitsysteme
- **Beispiel: OSEKtime**
- Echtzeit-Scheduling-Strategien
- *Rate Monotonic Scheduling*
- *Earliest Deadline First Scheduling*
- Ausblick

# OSEKtime [2]: Ziele

- Sichere Realisierung von „**X-By-Wire**“ Anwendungen (*Steer-by-wire, Brake-by-wire, eGas*)
  - Garantiertes vorhersagbares Verhalten
    - Unterstützung für zeitgesteuerte Anwendungen
      - OSEKtime Betriebssystem-Spezifikation (Version 1.0: 2001)
    - Globale Koordinierung im Steuergerätenetz
      - Globale Zeit!
      - FTCom-Spezifikation
- Kompatibilität mit „klassischen“ OSEK-OS-Tasks
  - Unterstützung für ereignisgesteuerte Anwendungen

# OSEKtime: Scheduler-Arbeitsweise

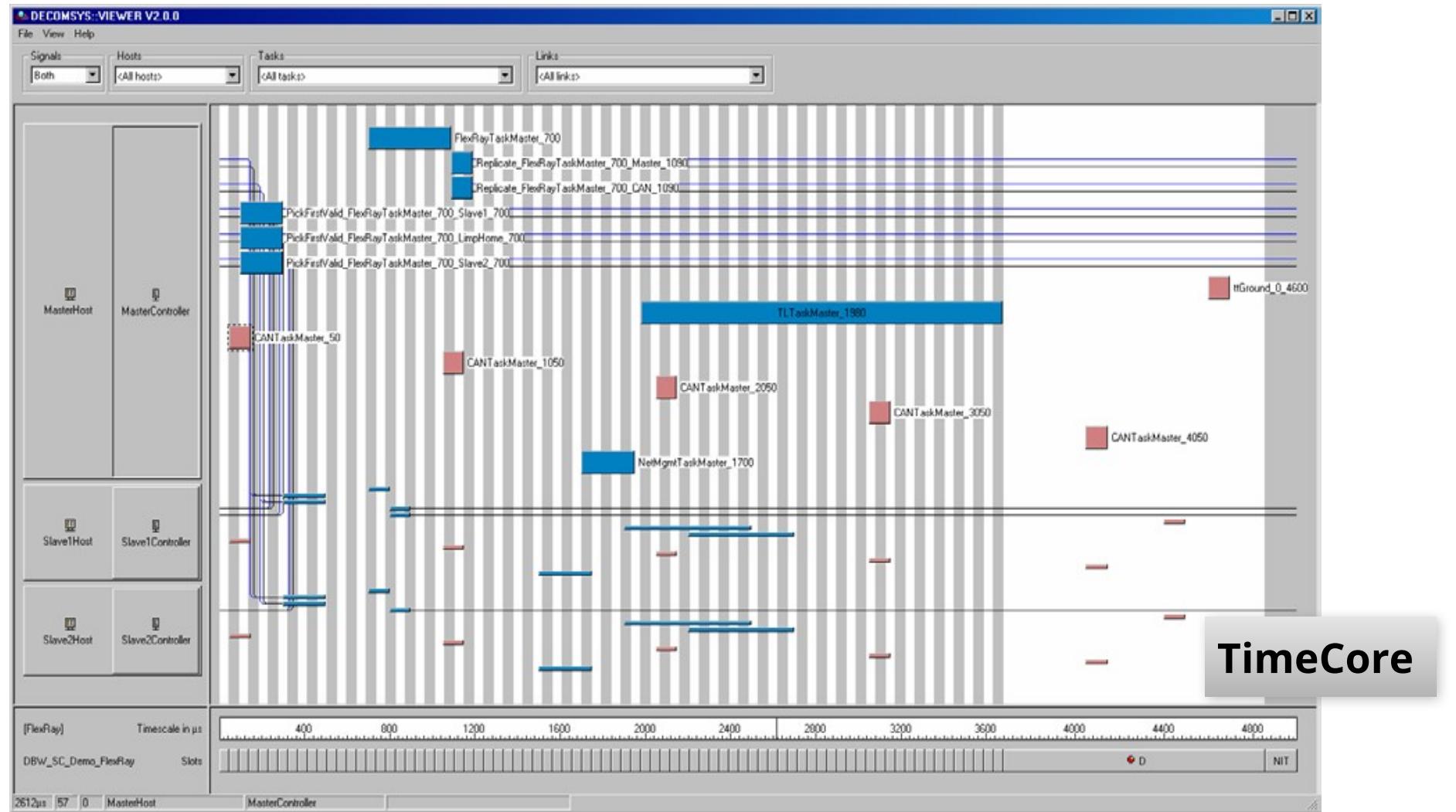
- ***Offline Scheduling:*** Eine **Dispatcher-Tabelle** steuert die periodische Aktivierung von Tasks:



- Für die Ausführung des **Dispatchers** sorgt ein *Timer-Interrupt*.
- Nur der *Dispatcher* darf *Tasks* aktivieren.
- Sicherheitsmechanismus: **Deadline Monitoring**

# Offline Scheduling

- Werkzeuge helfen dem Entwickler die *Tasks* anzuordnen.



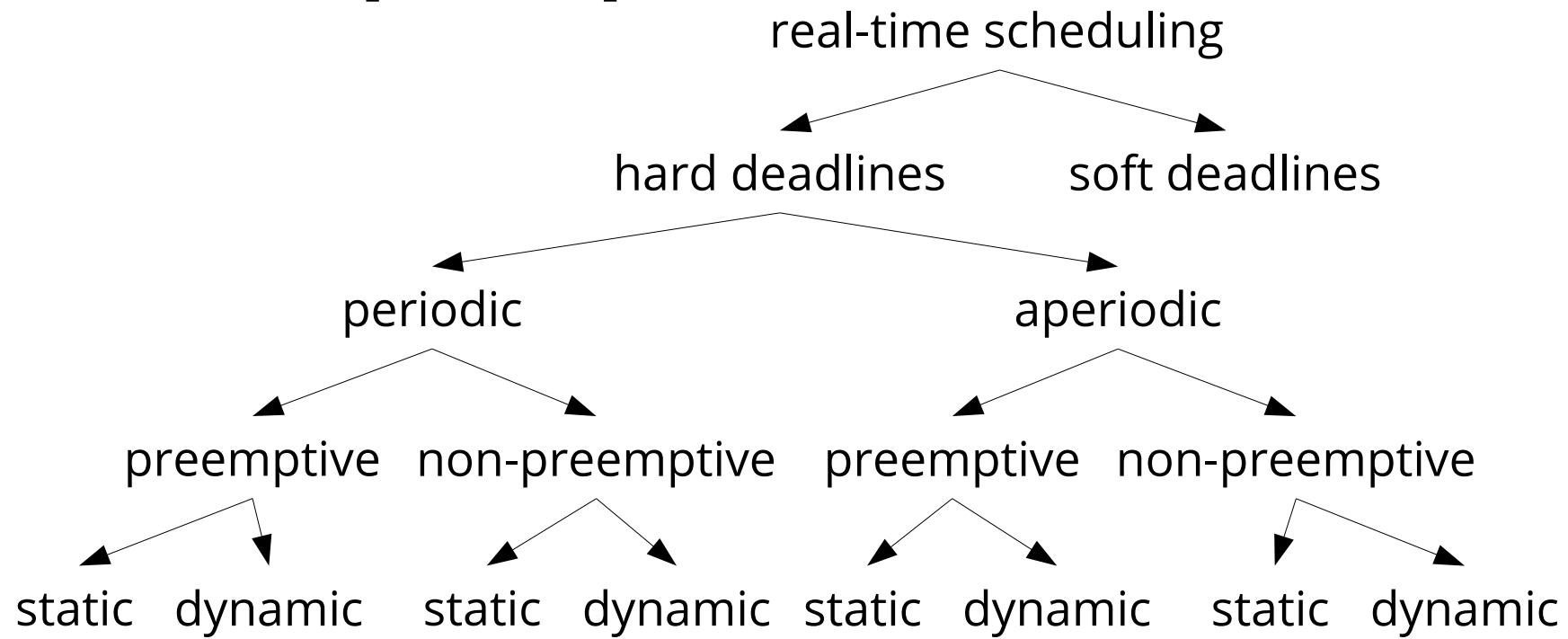


# Inhalt

- Echtzeitsysteme
- Beispiel: OSEKtime
- **Echtzeit-Scheduling-Strategien**
- *Rate Monotonic Scheduling*
- *Earliest Deadline First Scheduling*
- Ausblick

# Echtzeit-Scheduling

- Soll mathematische Garantien für die Einhaltung der harten Fristen geben.
- Taxonomie [3, S. 239]

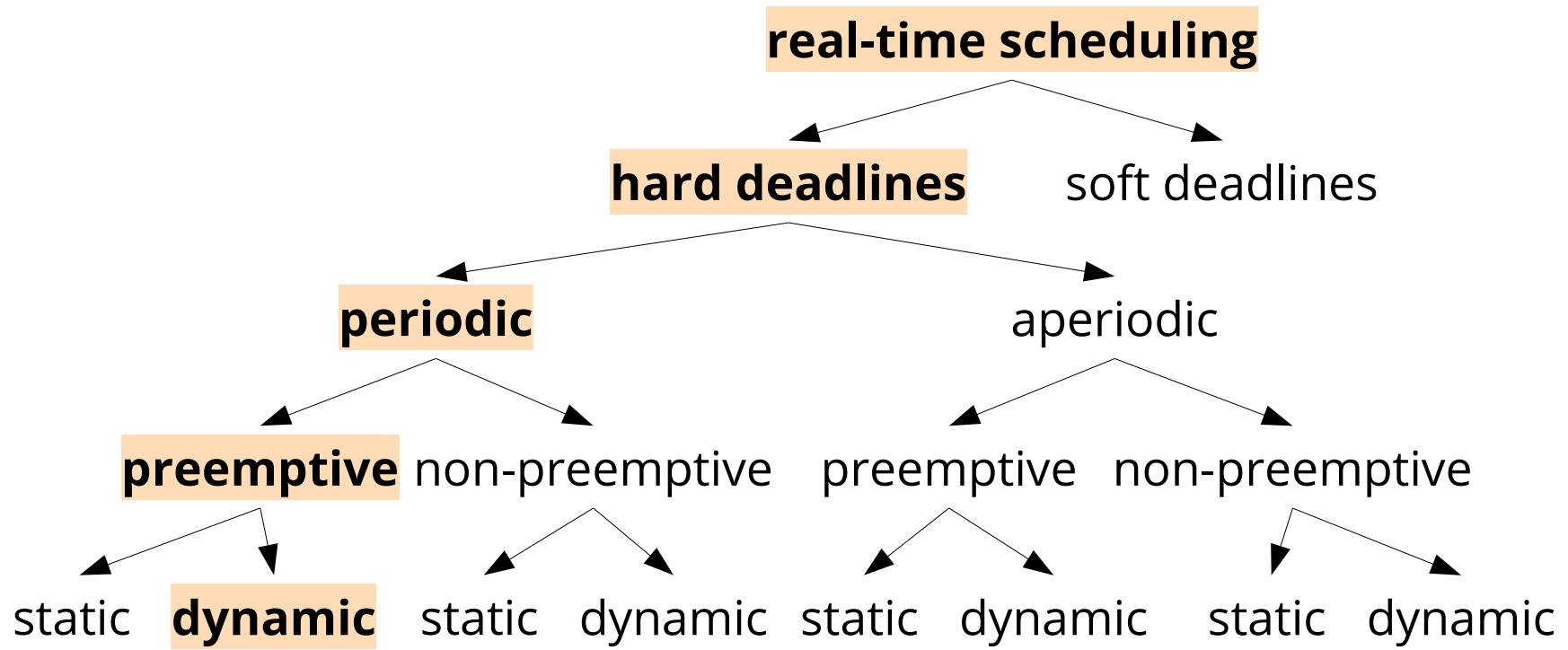




# Inhalt

- Echtzeitsysteme
- Beispiel: OSEKtime
- Echtzeit-Scheduling-Strategien
- ***Rate Monotonic Scheduling***
- *Earliest Deadline First Scheduling*
- Ausblick

# Beispiel: *Rate-Monotonic Scheduling*



- **Rate-Monotonic (RM) Scheduling** ist eine *Scheduling*-Strategie für präemptive, periodische Tasks mit harten Fristen. Der Scheduler arbeitet zur Laufzeit (mit festen Prioritäten).

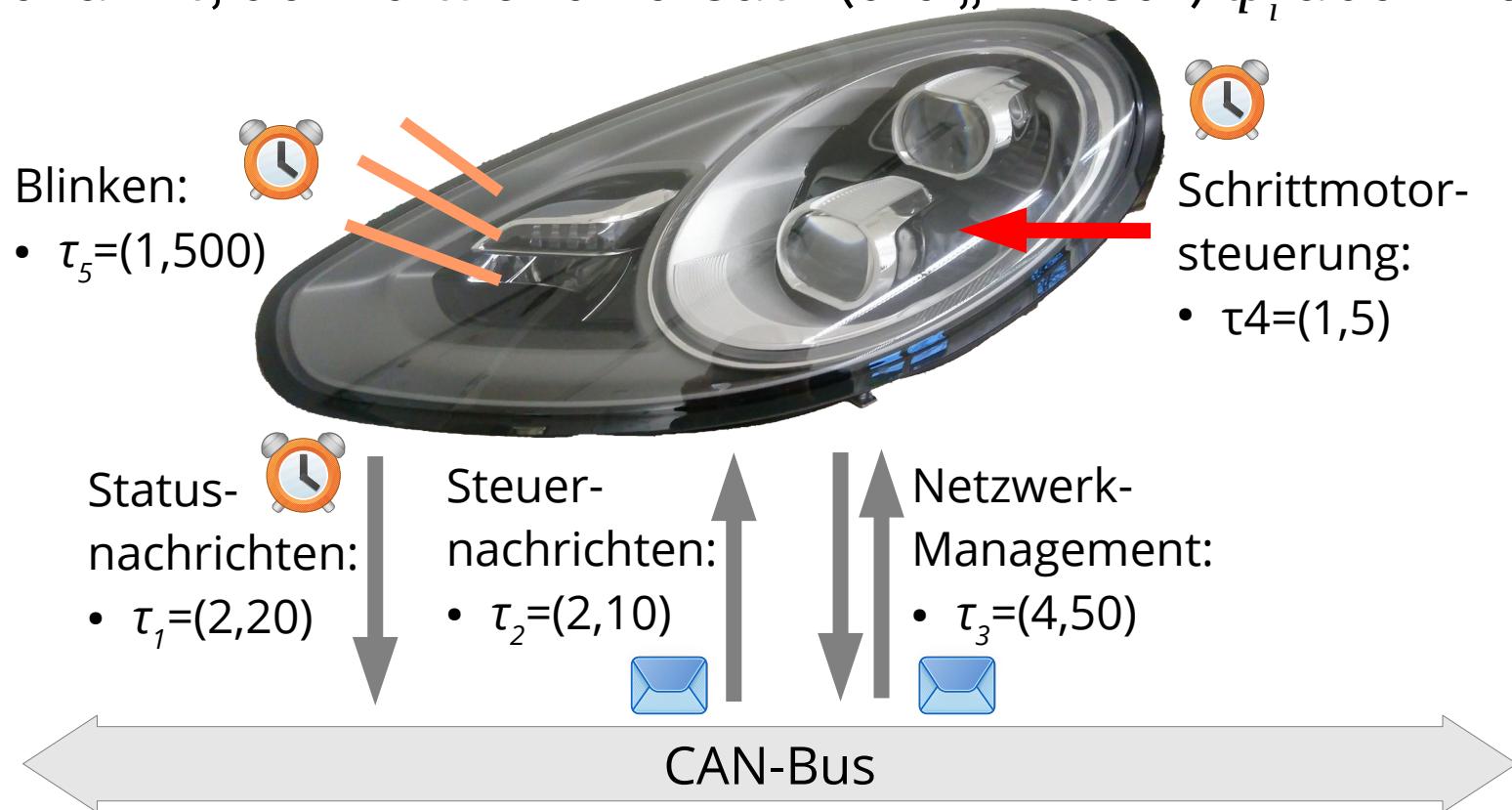
# RM-Annahmen (Liu & Layland 1973 [4])

- A1. Alle Tasks sind jederzeit **verdrängbar**.  
Die Kosten der **Verdrängung** (Dauer) sind **vernachlässigbar**.
- A2. Nur benötigte **Rechenkapazität** ist relevant.  
Der Bedarf an Speicher, E/A und anderen Ressourcen ist vernachlässigbar.
- A3. Alle Tasks sind **unabhängig**.  
Es gibt keine Reihenfolgeabhängigkeiten.
- A4. **Alle** Tasks sind **periodisch**.
- A5. Die **relative Frist** eines Tasks entspricht seiner **Periode**.

# Beispiel: KFZ-Scheinwerfersteuergerät

... alles ist periodisch!

- Für jeden Task  $\tau_i = (C_i, T_i)$  sind die WCET  $C_i$  und die Periode  $T_i$  bekannt, der zeitliche Versatz (die „Phase“)  $\phi_i$  aber nicht.

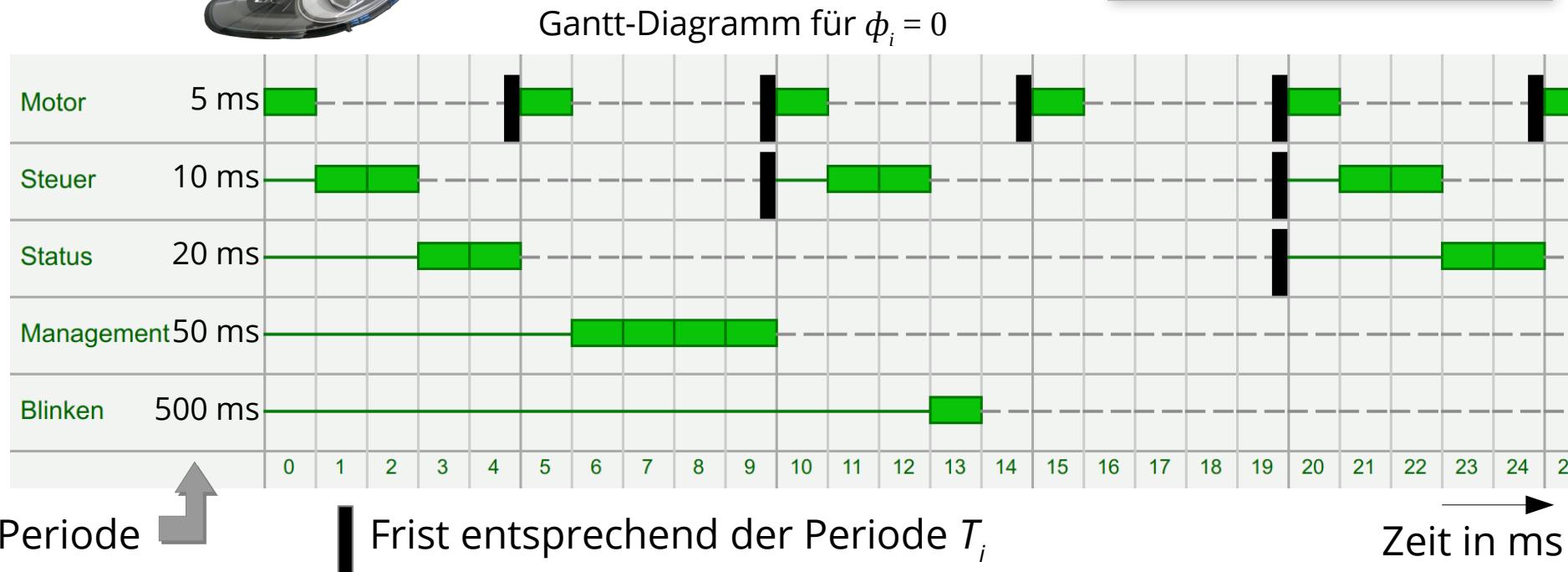


# RM-Algorithmus

- Die Priorität wächst monoton mit der Ereignisrate (=Frequenz)
  - Also: Kleine Periode  $\rightarrow$  hohe Priorität
- Hochpriore Tasks verdrängen niedrigpriore
- Beispiel:



Um RMS praktisch umzusetzen, benötigt man lediglich ein Betriebssystem mit einem präemptiven "Fixed Priority"-Scheduler.



# Schedulability Analysis (Einplanbarkeitstest)

- Zu beantworten: Werden die Fristen aller Tasks eingehalten?
  - Den Ablaufplan kann man nur berechnen, falls die Tasks komplett zeitgesteuert arbeiten. In unserem Beispiel sind die Phasen beliebig.
- Gelten muss: Die Auslastung (*Utilization*) des Systems  $U$  ist kleiner oder gleich 1.

$$U = \sum_{i=1}^m \frac{C_i}{T_i} \leq 1$$

Annahme:  
Uniprozessor

$U$ : Systemauslastung

$m$ : Anzahl der Tasks

- Beispiel:  $\tau_1=(1,5), \tau_2=(2,20), \tau_3=(2,10), \tau_4=(4,50), \tau_5=(1,500)$

$$U = \sum_{i=1}^m \frac{C_i}{T_i} = \frac{1}{5} + \frac{2}{20} + \frac{2}{10} + \frac{4}{50} + \frac{1}{500} = 0,582 \leq 1$$

Soweit, so gut,  
aber reicht das?

# Die „70%-Regel“ [4]

- Besagt: **Keine Fristverletzung**, wenn folgende Bedingung gilt:

$$U \leq m \cdot (2^{1/m} - 1)$$

$U$ : Systemauslastung  
 $m$ : Anzahl der Tasks

- Für große  $m$  konvergiert die Grenze gegen  $\ln(2) \approx 0,6931$ , also rund 70%.

Grenzwertberechnung:  
Regel von de L'Hospital

- **Vorteil:** Einfacher Test, schnell zu berechnen

- Beispiel 1:  $U=58,2\%$ ,  $m=5$

- $m \cdot (2^{1/m} - 1) = 74,35\%$ , Bedingung erfüllt → keine Fristverletzung



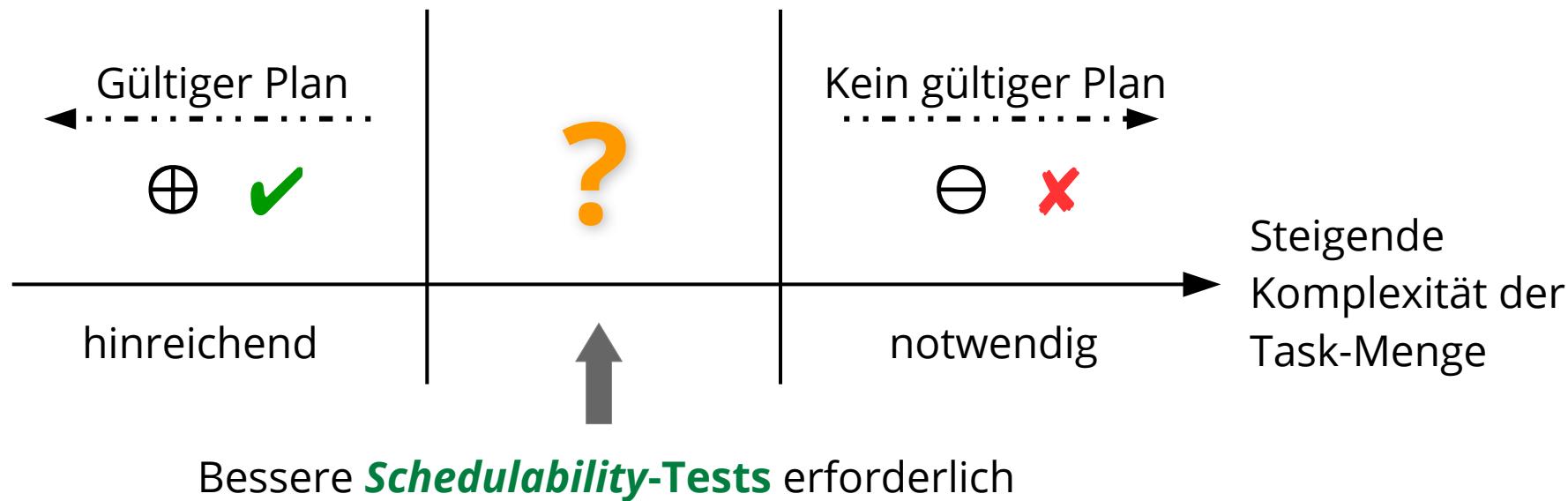
- Beispiel 2:  $\tau_1=(2,5)$  statt  $\tau_1=(1,5)$ , somit  $U=78,2\%$ ,  $m=5$

- $m \cdot (2^{1/m} - 1) = 74,35\%$ , Bedingung **nicht** erfüllt → **vielleicht** Fristverletzung

- **Nachteil:** Keine Aussage, falls die Bedingung nicht erfüllt ist

# Hinreichende und notwendige Bedingungen

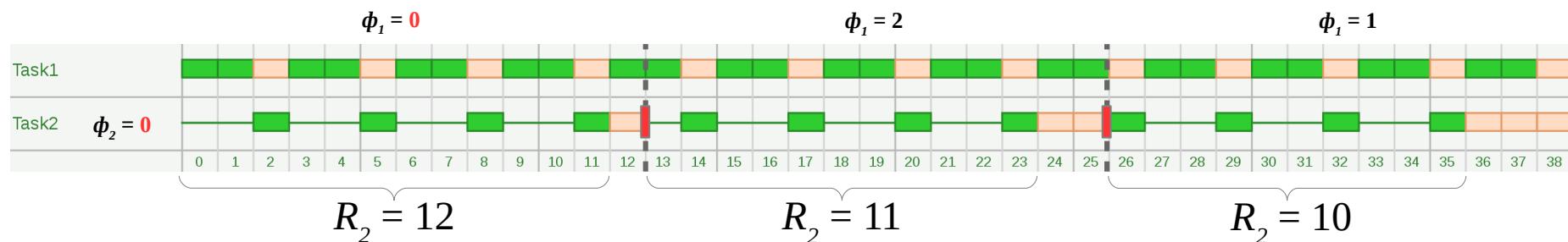
- **Hinreichende** Bed. **positiv**
  - z. B.  $U \leq m \cdot (2^{1/m} - 1)$
  - Ablaufplan ist **gültig**
- **Notwendige** Bed. **negativ**
  - z. B.  $U \leq 1$  gilt nicht
  - Ablaufplan ist **ungültig**



Idealfall ist “exakter Test”: Hinreichende *und* notwendige Bedingung

# Exakter Test: Antwortzeitanalyse [5]

- Wenn die Antwortzeit  $R_i$  für alle Tasks kleiner oder gleich der Periode  $T_i$  ist, werden keine Fristen verletzt.
  - Fall größtmöglicher Verzögerung  $\phi_i = 0$ : Bereits zu Beginn der Periode sind auch alle höherprioren Tasks rechenbereit.
- Bedingung (notw. und hinr.)
- $$\forall i \in \{1, \dots, m\} : R_i \leq T_i$$



- Berechnung von  $R_i$ :

$$R_i = C_i + I_i = C_i + \sum_{j \in hp_i} \left\lceil \frac{R_i}{T_j} \right\rceil \cdot C_j$$

$I_x$ : "Interference" – Verzögerung durch höherpriore Tasks  
 $hp_x$ : Indizes der Tasks mit höherer Priorität als  $x$   
 $[x]$ : Ganzzahlige Aufrundung

# Exakter Test: Iterative Lösung

- Berechnung von  $R_i$  durch Fixpunktiteration:

- Abbruch, sobald  $R_i^{n+1} = R_i^n$  oder  $R_i^{n+1} > T_i$

$$R_i^{n+1} = C_i + \sum_{j \in hp_i} \left\lceil \frac{R_i^n}{T_j} \right\rceil \cdot C_j$$

- Pseudocode des Tests für alle Tasks:

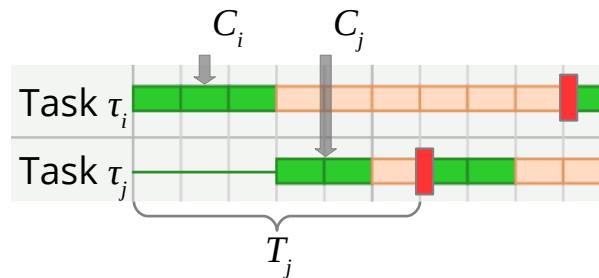
```

for (each task  $\tau_i$ ) {
     $I = 0$ 
    do {
         $R = I + C_i$ 
        if ( $R > T_i$ ) return false // Frist wird verletzt
         $I = \sum_{j \in hp_i} \left\lceil \frac{R}{T_j} \right\rceil \cdot C_j$ 
    } while ( $I + C_i > R$ )
}
return true // alle Fristen werden eingehalten

```

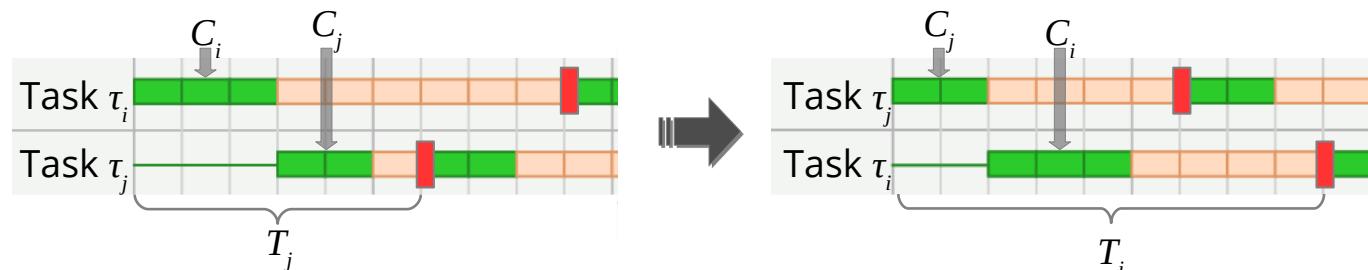
# **Rate-Monotonic Scheduling ist „optimal“**

- Zu zeigen: RM ist ein *optimaler* Scheduling-Algorithmus für *feste* Prioritäten. D.h., falls ein Algorithmus einen gültigen Ablaufplan liefert, tut RM dies auch.
- Widerspruchsbeweis: Angenommen ...  $\neg(A \Rightarrow B) \Leftrightarrow A \wedge \neg B$   
 Algorithmus A liefert gültigen Plan und RM *nicht*.
  - Im Plan von A:  $\text{prio}(\tau_i) = \text{prio}(\tau_j) + 1$  und  $T_i > T_j$  (anders als RM)
    - $C_i + C_j \leq T_j$  gilt, da der Plan gültig ist und  $\tau_i$  die höhere Priorität hat



# Rate-Monotonic Scheduling ist „optimal“

- Zu zeigen: RM ist ein *optimaler* Scheduling-Algorithmus für *feste* Prioritäten. D.h., falls ein Algorithmus einen gültigen Ablaufplan liefert, tut RM dies auch.
- Widerspruchsbeweis: Angenommen ...  $\neg(A \Rightarrow B) \Leftrightarrow A \wedge \neg B$   
 Algorithmus A liefert gültigen Plan und RM *nicht*.
  - Im Plan von A:  $\text{prio}(\tau_i) = \text{prio}(\tau_j) + 1$  und  $T_i > T_j$  (anders als RM)
    - $C_i + C_j \leq T_j$  gilt, da der Plan gültig ist und  $\tau_i$  die höhere Priorität hat
  - Wie wirkt sich die Vertauschung der Prioritäten (nur) dieser Tasks aus?
    - $\tau_j$  planbar, da jetzt mit höherer Priorität;  $\tau_i$  auch planbar, da  $C_i + C_j \leq T_j < T_i$



# Rate-Monotonic Scheduling ist „optimal“

- Zu zeigen: RM ist ein *optimaler* Scheduling-Algorithmus für *feste* Prioritäten. D.h., falls ein Algorithmus einen gültigen Ablaufplan liefert, tut RM dies auch.
- Widerspruchsbeweis: Angenommen ...  
Algorithmus A liefert gültigen Plan und RM *nicht*.
  - Im Plan von A:  $\text{prio}(\tau_i) = \text{prio}(\tau_j) + 1$  und  $T_i > T_j$  (anders als RM)
    - $C_i + C_j \leq T_j$  gilt, da der Plan gültig ist und  $\tau_i$  die höhere Priorität hat
  - Wie wirkt sich die Vertauschung der Prioritäten (nur) dieser Tasks aus?
    - $\tau_j$  planbar, da jetzt mit höherer Priorität;  $\tau_i$  auch planbar, da  $C_i + C_j \leq T_j < T_i$
    - Durch eine endliche Zahl solcher Vertauschungen kommt man zu RMS
    - **Auch** ein gültiger Plan → Widerspruch zur Annahme → **RM ist optimal!**

# RM-Scheduling: Fazit

- RM ist **einfach** anzuwenden und **optimal** bei festen Prioritäten
  - Betriebssystem benötigt lediglich “*Fixed Priority*”-Scheduler
- Antwortzeitanalyse ermöglicht exakten Einplanbarkeitstest
  - Wichtig für harte Echtzeitsysteme: Mathematische **Garantie!**
- In vielen Fällen reicht die 70%-Regel.



Aber Vorsicht:

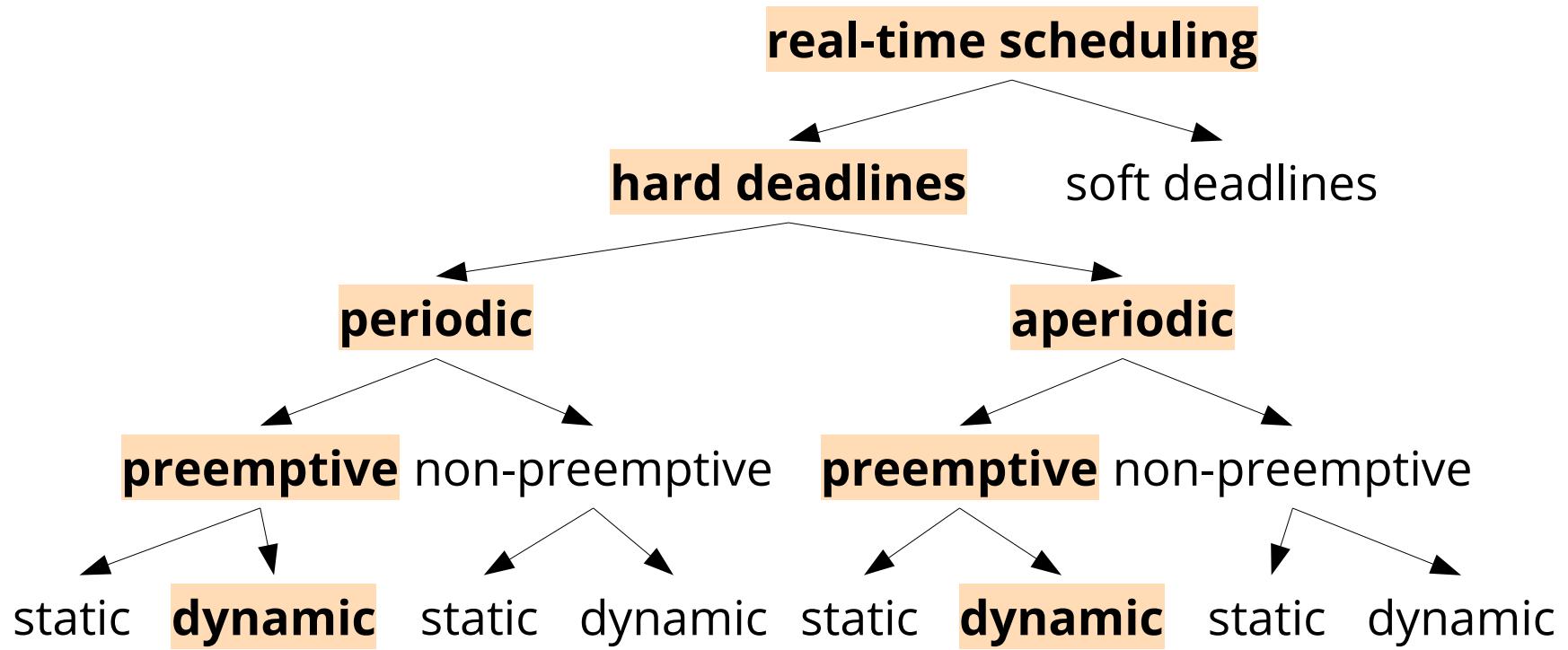
- Annahmen A.1-5 müssen gelten!
  - Uni-Prozessor, keine Task-Abhängigkeiten, ...
- WCET-Bestimmung bei modernen Prozessoren problematisch
  - Speicherhierarchien, *Out-of-Order-Execution*, DRAM-Zugriffszeiten, ...
- Immer das *gesamte* System betrachten



# Inhalt

- Echtzeitsysteme
- Beispiel: OSEKtime
- Echtzeit-Scheduling-Strategien
- *Rate Monotonic Scheduling*
- ***Earliest Deadline First Scheduling***
- Ausblick

# Beispiel: *Earliest Deadline First*



- ***Earliest Deadline First (EDF)*** Scheduling ist eine Scheduling-Strategie für präemptive, periodische und aperiodische Tasks mit harten Fristen. Die Prioritäten werden dynamisch (zur Laufzeit) vergeben.

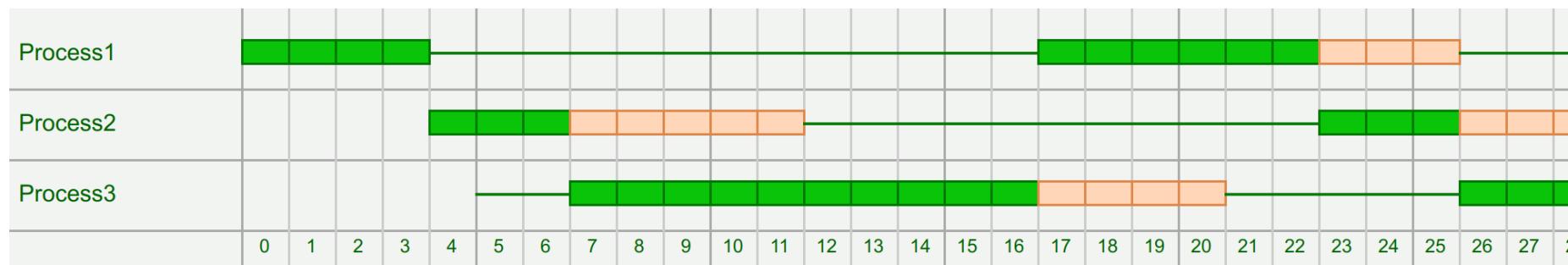
# EDF-Algorithmus

- Rechenbereite Tasks sind in der Reihenfolge der **absoluten** Zeitpunkte ihrer Fristen sortiert.
- Falls der erste Task der Liste eine frühere Frist als der gerade laufende Task hat, wird dieser **sofort** verdrängt.

Spezifiziert werden die Deadlines aber i.d.R. relativ.

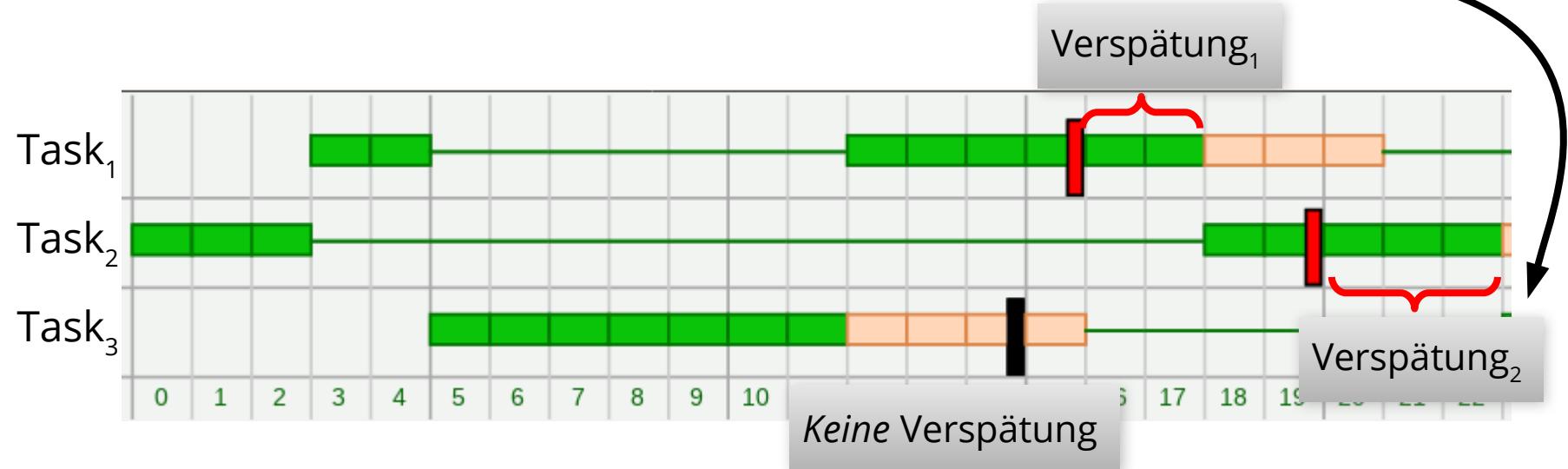
Beispiel:

<i>Process name</i>	Arrival	CPU burst	IO burst	Deadline
Process1	0	10	3	33
Process2	4	3	5	24
Process3	5	10	3-5	24



# Optimalität von EDF

- EDF *minimiert* die **maximale Verspätung** der Tasks



- Wenn ein Zeitplan existiert, der alle Fristen einhält, so tut dies auch EDF → **EDF ist optimal**
  - ... für unabhängige Tasks mit dynamischen Prioritäten
- Speziell für **periodische** Tasks gilt: Wenn  $U \leq 1$ , findet EDF einen gültigen Ausführungsplan (ohne *Deadlines* zu verpassen!).

Beweis in [6]

# EDF-Scheduling: Fazit

- Schlicht **optimal** für periodische und aperiodische *Task-Sets*
  - Höhere Auslastung als RM-*Scheduling* durch dynamische Prioritäten

⚠️ Aber:

- Meist nur in speziellen „Echtzeitbetriebssystemen“ implementiert
- Keine Aussage über Anzahl und Summe der Fristüberschreitungen
- Weniger vorhersagbar als zum Beispiel RM
  - Antwortzeiten können stark variieren: „Jitter“
  - In Überlastsituationen: „Dominoeffekt“



# Inhalt

- Echtzeitsysteme
- Beispiel: OSEKtime
- Echtzeit-Scheduling-Strategien
- *Rate Monotonic Scheduling*
- *Earliest Deadline First Scheduling*
- **Ausblick**

# Ausblick: Erweiterung der Strategien

- Umgang mit **sporadischen Tasks**
  - Limitierte Ankunftsrate, aber keine strikte Periode
- Beachtung von Task-Abhängigkeiten
- Steigerung der CPU-Auslastung
  - **Gemischtkritische („mixed-critical“) Systeme**
  - Einschränkung auf “**harmonische Tasks**”
    - Perioden sind ganzzahlige Vielfache voneinander
- **Moduswechsel**
  - z. B. Blinker/Schrittmotor wird aktiv
- [Vorübergehende] Überlast
- Anpassung an [heterogene] Multiprozessorsysteme

# Literatur

- [1] Kopetz, Hermann: *Real-Time Systems: Design Principles for Distributed Embedded Applications* (2nd. ed.). Springer Publishing Company, Inc., 2011. <https://doi.org/10.1093/comjnl/29.5.390>
- [2] Automotive Open System Architecture – <http://www.autosar.org>
- [3] Peter Marwedel. 2010. *Embedded System Design: Embedded Systems Foundations of Cyber-Physical Systems* (2nd ed.). Springer Publishing Company, Incorporated.
- [4] C. L. Liu and J. W. Layland. 1973. *Scheduling Algorithms for Multiprogramming in a Hard-Real-Time Environment*. J. ACM 20, 1 (January 1973), 46-61.  
<http://dx.doi.org/10.1145/321738.321743>

# Literatur

- [5] M. Joseph and P. Pandya. 1986. *Finding response times in real-time systems*, BCS Computer Journal, 29 (5): 390–395, DOI=<https://doi.org/10.1093/comjnl/29.5.390>
- [6] G. C. Buttazzo. *Hard Real-Time Computing Systems: Predictable Scheduling Algorithms and Applications*. Kluwer Academic Publishers, USA, 1997.