



TECHNISCHE
UNIVERSITÄT
DRESDEN

Fakultät Informatik Institut für Systemarchitektur, Professur für Betriebssysteme

BETRIEBSSYSTEME UND SICHERHEIT

mit Material von Olaf Spinczyk,
Universität Osnabrück

Schedulingstrategien für Echtzeitsysteme

<https://tud.de/inf/os/studium/vorlesungen/bs>

HORST SCHIRMEIER

Inhalt

- Echtzeitsysteme
- Beispiel: OSEKtime
- Echtzeit-Scheduling-Strategien
- *Rate Monotonic Scheduling*
- *Earliest Deadline First Scheduling*
- Ausblick

Inhalt

- **Echtzeitsysteme**
- Beispiel: OSEKtime
- Echtzeit-Scheduling-Strategien
- *Rate Monotonic Scheduling*
- *Earliest Deadline First Scheduling*
- Ausblick

Echtzeitcomputersysteme

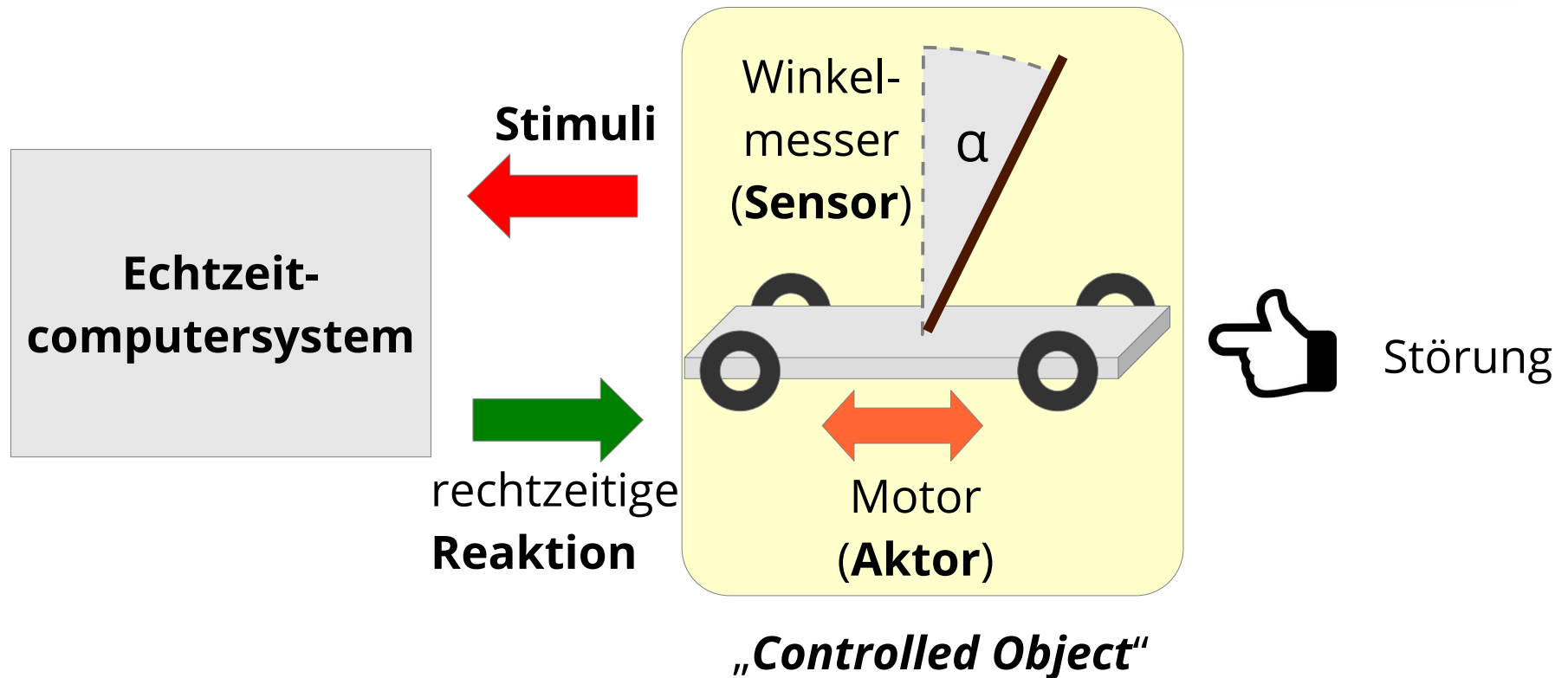
- Was ist das?

„A **real-time computer system** is a computer system in which the **correctness** of the system behavior depends not only on the logical results of the computations, but also on the physical **instant** at which these results are produced.“

Hermann Kopetz [1]

Beispiel „Inverses Pendel“

Ziel: α soll 0° betragen



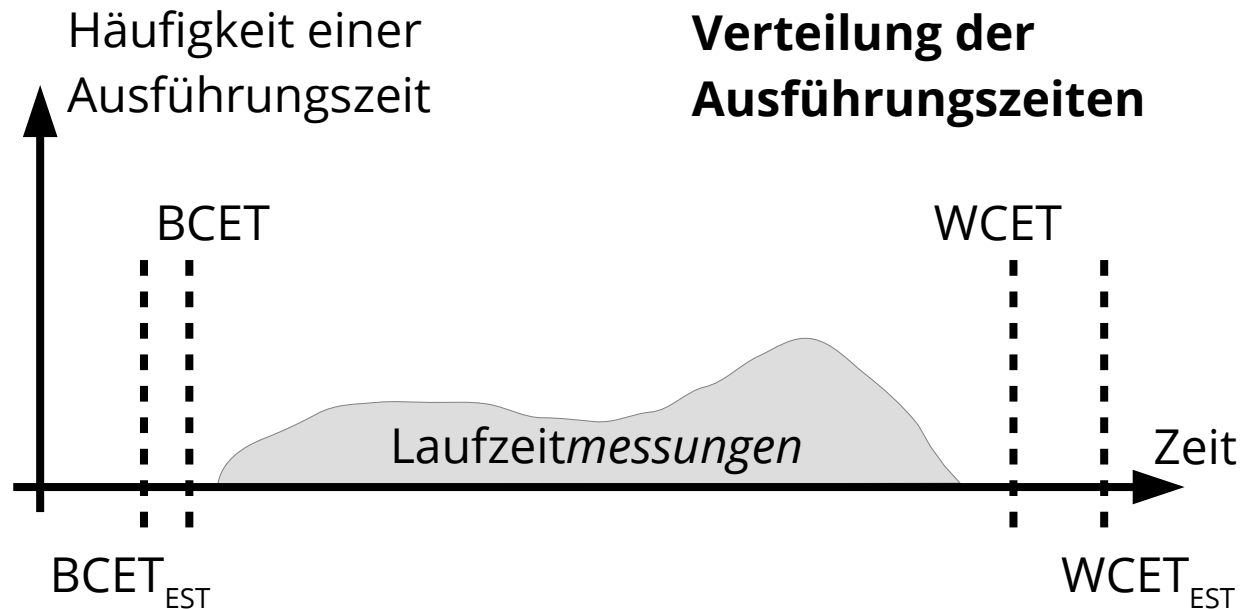
Die Reaktionszeit des Computersystems (Zeitraum zwischen dem Stimulus und der Reaktion) sowie der Schwankung („Jitter“) sollten minimal sein.

Fristen („*deadlines*“)

- Sind durch das gesteuerte technische System vorgegeben
- Werden wie folgt klassifiziert:
 - **soft**: Auch wenn die Frist verstrichen ist, ist das berechnete Ergebnis (die Reaktion) noch nützlich.
 - **firm**: Wenn die Frist verstrichen ist, ist das Ergebnis wertlos.
 - **hard**: Wenn die Frist ohne Reaktion verstrichen ist, entsteht ein Schaden.
- Ein Echtzeitsystem gilt als „hart“, wenn mindestens eine Frist hart ist. Sonst gilt es als „weich“.
 - Bei harten Echtzeitsystemen muss die Einhaltung der Fristen garantiert werden. Das impliziert andere Entwicklungsmethoden und Systemstrukturen.

Wie lange rechnet ein Programm?

- Laufzeiten variieren: Unterschiedliche Eingabeparameter, Hardwarezustände beim Start, Unterbrechungen, Prozesswechsel, Power Management, ...



Die geschätzte WCET_{EST} muss garantiert größer oder gleich der wahren WCET sein. Der Abstand sollte aber möglichst gering sein (engl. *tight bounds*).

- Besonders wichtig: **Worst Case Execution Time (WCET)**

Auslöser („*trigger*“) ...

... für die Berechnung („*Task*“) können unterschiedlich realisiert werden:

- **Ereignisgesteuerte Echtzeitsysteme**
 - Eine relevante Zustandsänderung (ein Ereignis – „*Event*“) des kontrollierten Objekts wurde an einem Sensor festgestellt.
 - Einplanung („*Scheduling*“) der Tasks erfolgt zur Laufzeit.
 - Hoher Aufwand für Tests im Hochlastbetrieb.
 - Vorhersagen schwierig → **weiche Echtzeitsysteme**

Auslöser („*trigger*“) ...

... für die Berechnung („*Task*“) können unterschiedlich realisiert werden:

- **Zeitgesteuerte Echtzeitsysteme**
 - Feste Zeitpunkte für Berechnungen werden vorab geplant („*offline scheduling*“). Die Ausführung erfolgt periodisch.
 - Höherer Ressourcenverbrauch, da der Kalkulation die **Worst Case Execution Time** zugrunde liegen muss.
 - Hoher Energieverbrauch, kontinuierlich aktiv
 - Weniger Testaufwand
 - Garantien möglich → **harte Echtzeitsysteme**



Inhalt

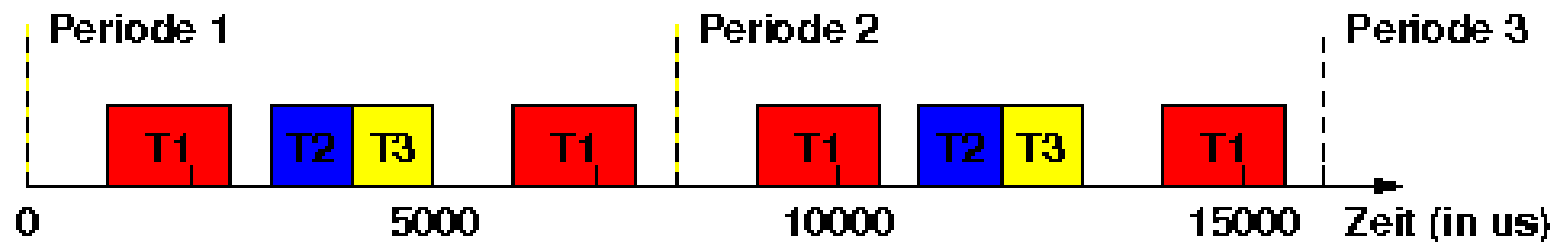
- Echtzeitsysteme
- **Beispiel: OSEKtime**
- Echtzeit-Scheduling-Strategien
- *Rate Monotonic Scheduling*
- *Earliest Deadline First Scheduling*
- Ausblick

OSEKtime [2]: Ziele

- Sichere Realisierung von „**X-By-Wire**“ Anwendungen (*Steer-by-wire, Brake-by-wire, eGas*)
 - Garantiertes vorhersagbares Verhalten
 - Unterstützung für zeitgesteuerte Anwendungen
 - OSEKtime Betriebssystem-Spezifikation (Version 1.0: 2001)
 - Globale Koordinierung im Steuergerätenetz
 - Globale Zeit!
 - FTCom-Spezifikation
- Kompatibilität mit „klassischen“ OSEK-OS-*Tasks*
 - Unterstützung für ereignisgesteuerte Anwendungen

OSEKtime: *Scheduler*-Arbeitsweise

- **Offline Scheduling**: Eine **Dispatcher-Tabelle** steuert die periodische Aktivierung von Tasks:



Task Startzeitpunkt

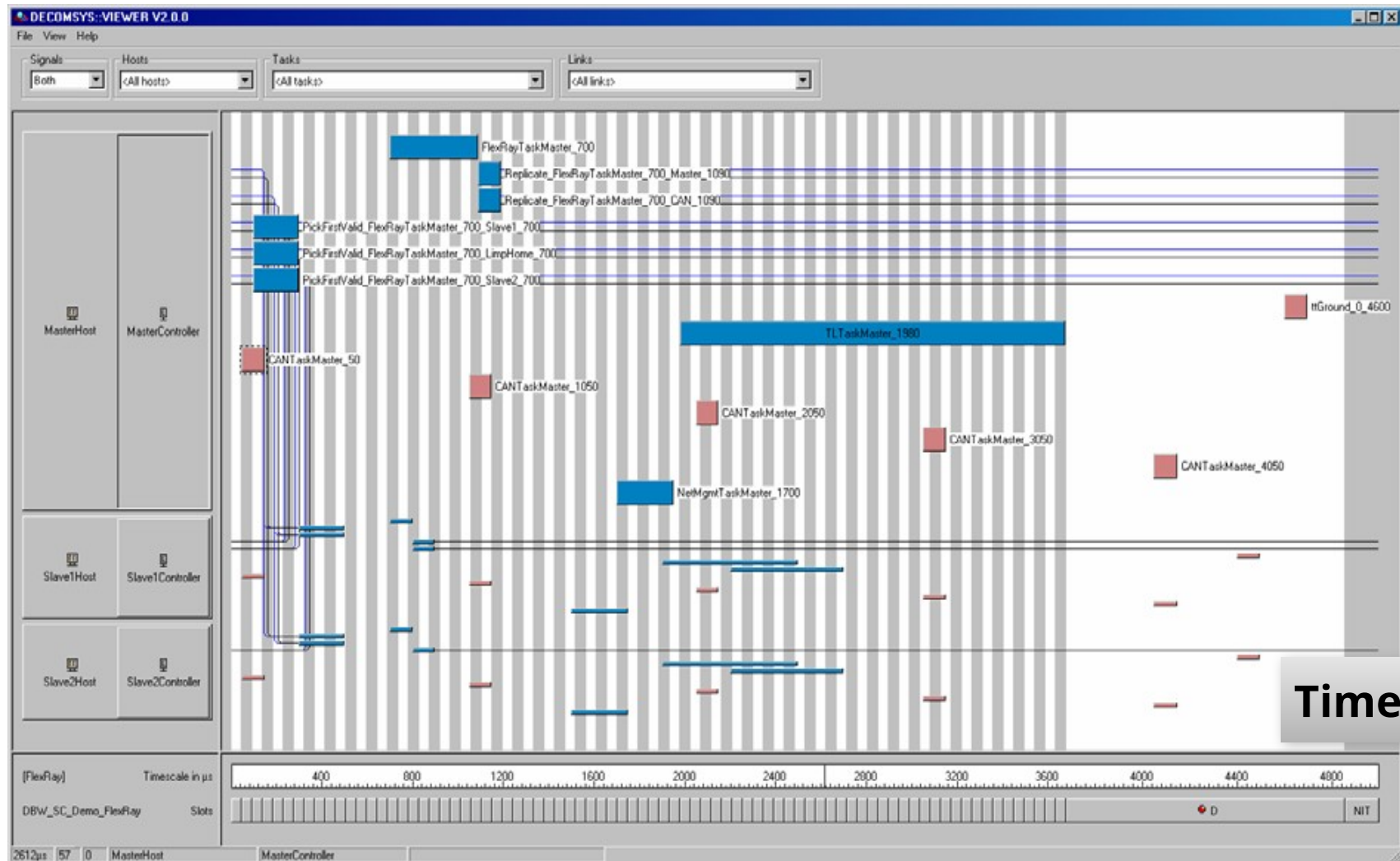
T1	1000 μ s
T2	3000 μ s
T3	4000 μ s
T1	6000 μ s

Zum Beispiel passende
Dispatcher-Tabelle.
 Ein kompletter Durchlauf
 heißt „**Dispatcher Round**“.

- Für die Ausführung des **Dispatchers** sorgt ein *Timer-Interrupt*.
- Nur der *Dispatcher* darf *Tasks* aktivieren.
- Sicherheitsmechanismus: **Deadline Monitoring**

Offline Scheduling

- Werkzeuge helfen dem Entwickler die *Tasks* anzuordnen.



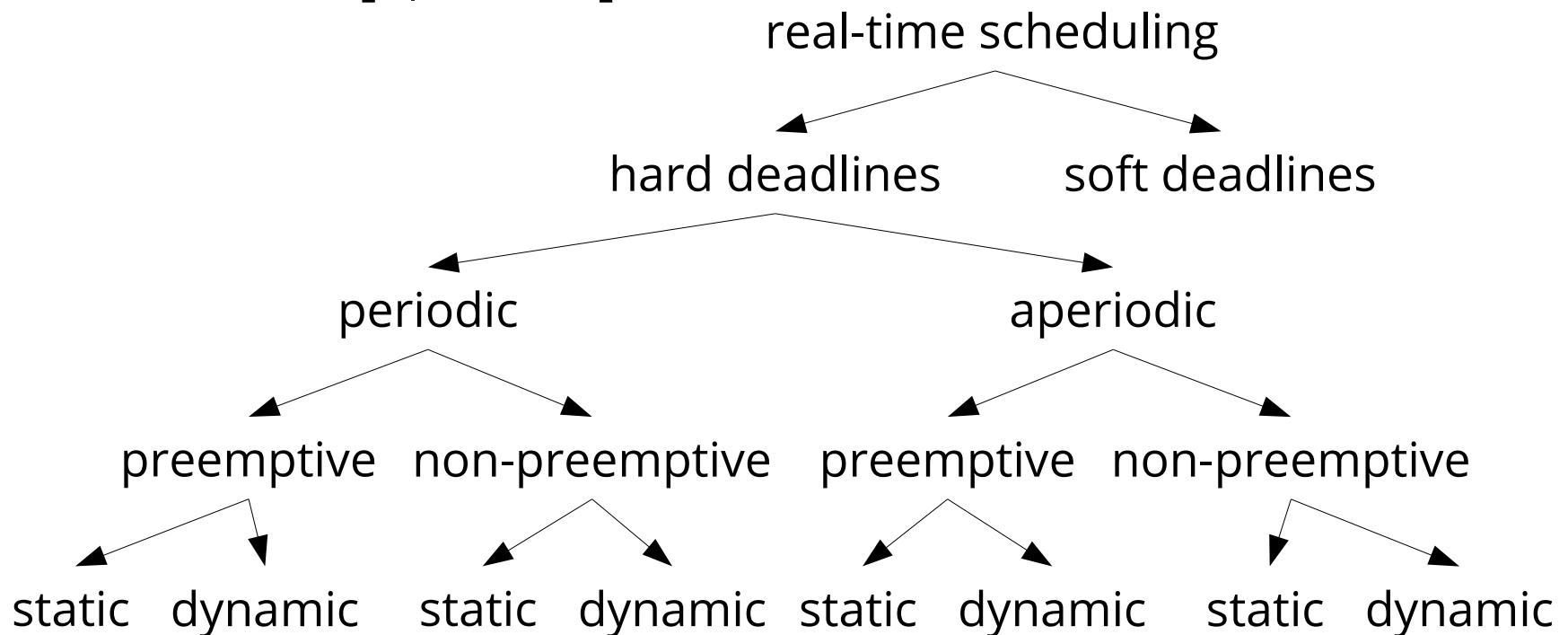


Inhalt

- Echtzeitsysteme
- Beispiel: OSEKtime
- **Echtzeit-Scheduling-Strategien**
- *Rate Monotonic Scheduling*
- *Earliest Deadline First Scheduling*
- Ausblick

Echtzeit-Scheduling

- Soll mathematische Garantien für die Einhaltung der harten Fristen geben.
- Taxonomie [3, S. 239]

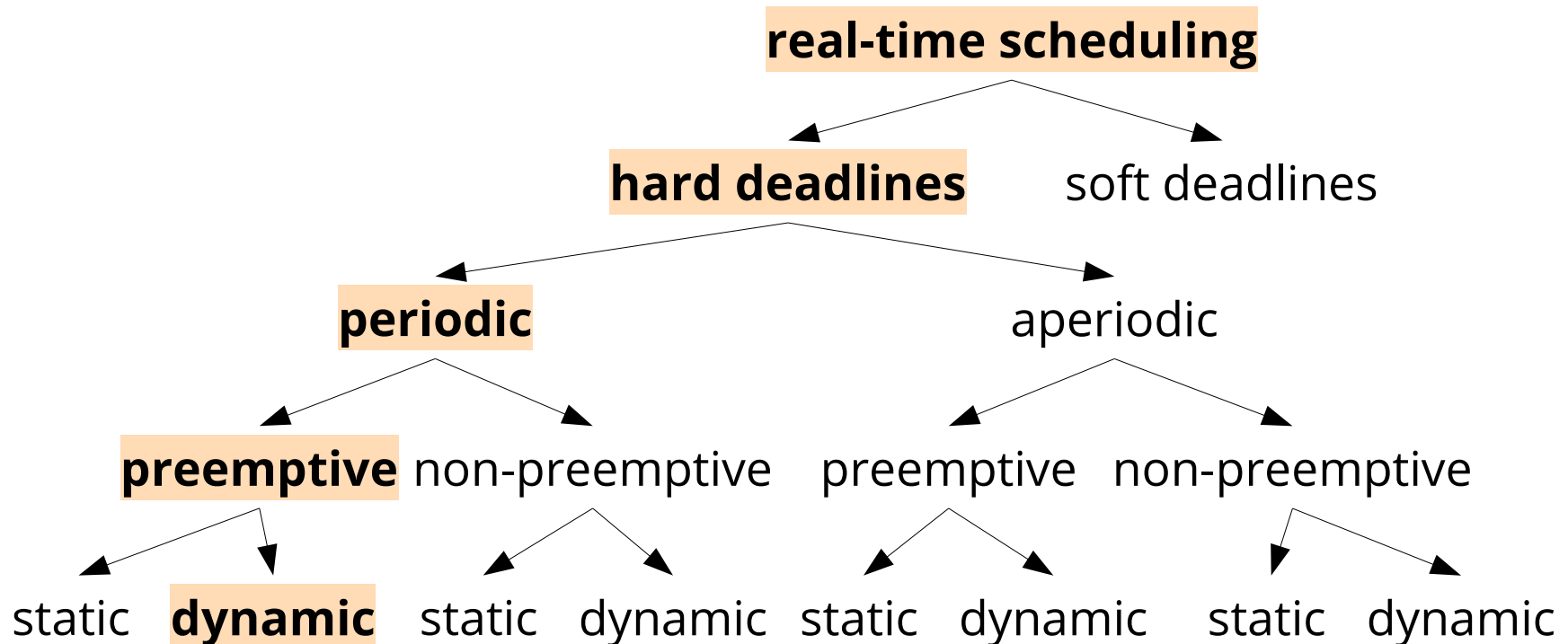




Inhalt

- Echtzeitsysteme
- Beispiel: OSEKtime
- Echtzeit-Scheduling-Strategien
- ***Rate Monotonic Scheduling***
- *Earliest Deadline First Scheduling*
- Ausblick

Beispiel: *Rate-Monotonic Scheduling*



- ***Rate-Monotonic (RM) Scheduling*** ist eine *Scheduling*-Strategie für präemptive, periodische Tasks mit harten Fristen. Der Scheduler arbeitet zur Laufzeit (mit festen Prioritäten).

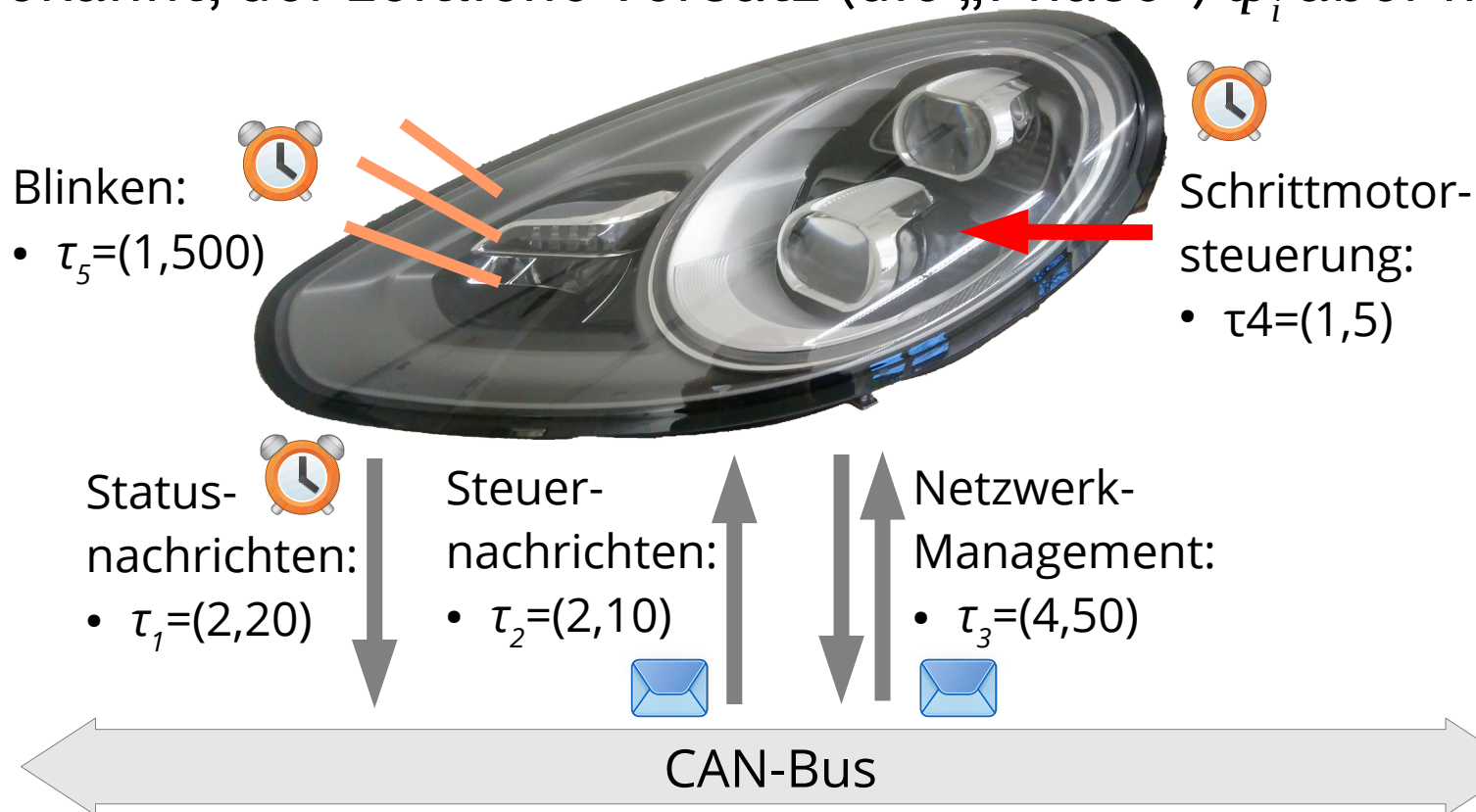
RM-Annahmen (Liu & Layland 1973 [4])

- A1. Alle Tasks sind jederzeit **verdrängbar**.
Die Kosten der **Verdrängung** (Dauer) sind **vernachlässigbar**.
- A2. Nur benötigte **Rechenkapazität** ist relevant.
Der Bedarf an Speicher, E/A und anderen Ressourcen ist vernachlässigbar.
- A3. Alle Tasks sind **unabhängig**.
Es gibt keine Reihenfolgeabhängigkeiten.
- A4. **Alle** Tasks sind **periodisch**.
- A5. Die **relative Frist** eines Tasks entspricht seiner **Periode**.

Beispiel: KFZ-Scheinwerfersteuergerät

... alles ist periodisch!

- Für jeden Task $\tau_i = (C_i, T_i)$ sind die WCET C_i und die Periode T_i bekannt, der zeitliche Versatz (die „Phase“) ϕ_i aber nicht.

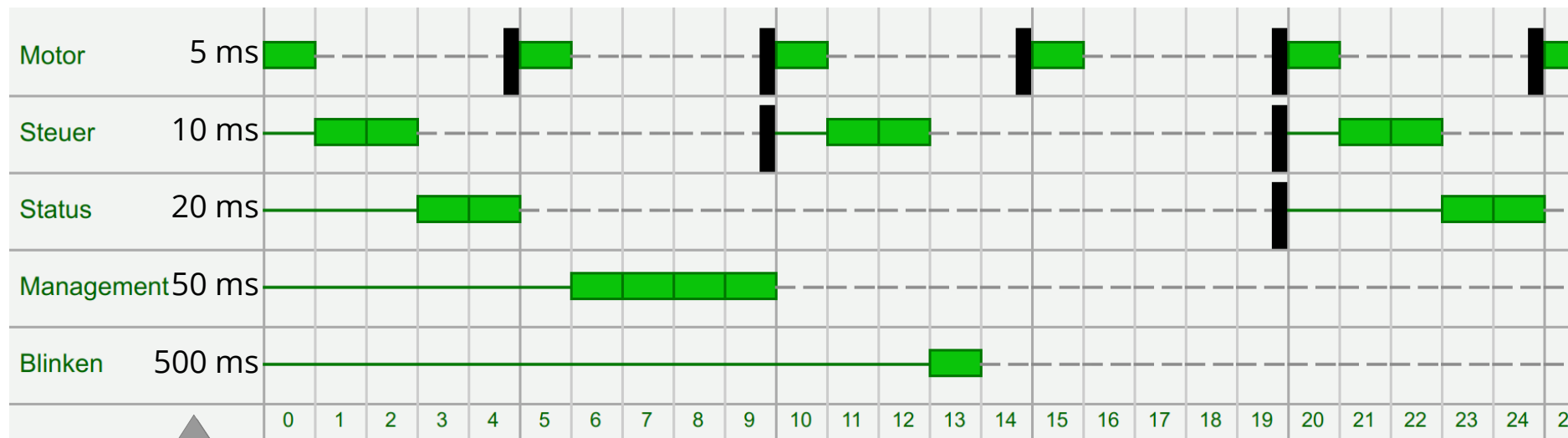


RM-Algorithmus

- Die Priorität wächst monoton mit der Ereignisrate (=Frequenz)
 - Also: Kleine Periode \rightarrow hohe Priorität
- Hochprioritäre Tasks verdrängen niedrigprioritäre
- Beispiel:



Gantt-Diagramm für $\phi_i = 0$



Periode 

 Frist entsprechend der Periode T_i

Zeit in ms 

Um RMS praktisch umzusetzen, benötigt man lediglich ein Betriebssystem mit einem präemptiven "Fixed Priority"-Scheduler.

Schedulability Analysis (Einplanbarkeitstest)

- Zu beantworten: Werden die Fristen aller Tasks eingehalten?
 - Den Ablaufplan kann man nur berechnen, falls die Tasks komplett zeitgesteuert arbeiten. In unserem Beispiel sind die Phasen beliebig.
- Gelten muss: Die Auslastung (*Utilization*) des Systems U ist kleiner oder gleich 1.

$$U = \sum_{i=1}^m \frac{C_i}{T_i} \leq 1$$

**Annahme:
Uniprozessor**

U : Systemauslastung
 m : Anzahl der Tasks

- Beispiel: $\tau_1=(1,5)$, $\tau_2=(2,20)$, $\tau_3=(2,10)$, $\tau_4=(4,50)$, $\tau_5=(1,500)$

$$U = \sum_{i=1}^m \frac{C_i}{T_i} = \frac{1}{5} + \frac{2}{20} + \frac{2}{10} + \frac{4}{50} + \frac{1}{500} = 0,582 \leq 1$$

**Soweit, so gut,
aber reicht das?**

Die „70%-Regel“ [4]

- Besagt: **Keine Fristverletzung**, wenn folgende Bedingung gilt:

$$U \leq m \cdot (2^{1/m} - 1)$$

U : Systemauslastung

m : Anzahl der Tasks

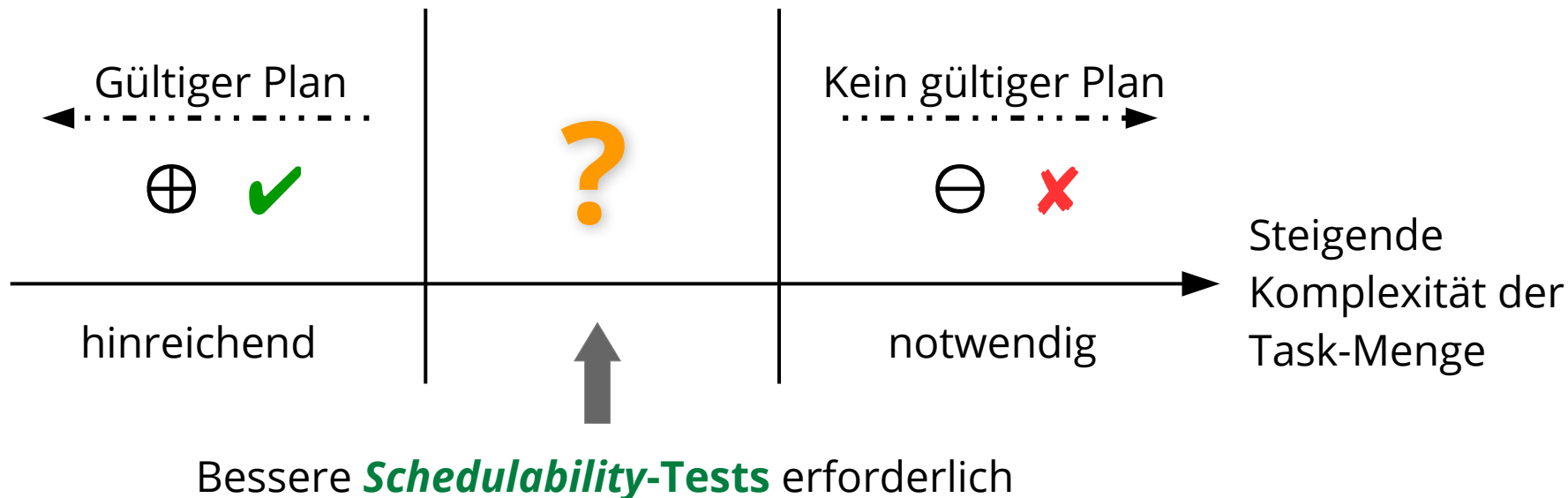
- Für große m konvergiert die Grenze gegen $\ln(2) \approx 0,6931$, also rund 70%.
- Vorteil:** Einfacher Test, schnell zu berechnen

Grenzwertberechnung:
Regel von de L'Hospital

- Beispiel 1: $U=58,2\%$, $m=5$
 - $m \cdot (2^{1/m} - 1) = 74,35\%$, Bedingung erfüllt → keine Fristverletzung ✓
- Beispiel 2: $\tau_1=(2,5)$ statt $\tau_1=(1,5)$, somit $U=78,2\%$, $m=5$
 - $m \cdot (2^{1/m} - 1) = 74,35\%$, Bedingung **nicht** erfüllt → **vielleicht** Fristverletzung
- Nachteil:** Keine Aussage, falls die Bedingung nicht erfüllt ist

Hinreichende und notwendige Bedingungen

- **Hinreichende** Bed. **positiv**
 - z. B. $U \leq m \cdot (2^{1/m} - 1)$
 - Ablaufplan ist **gültig**
- **Notwendige** Bed. **negativ**
 - z. B. $U \leq 1$ gilt nicht
 - Ablaufplan ist **ungültig**



Idealfall ist "exakter Test": Hinreichende *und* notwendige Bedingung

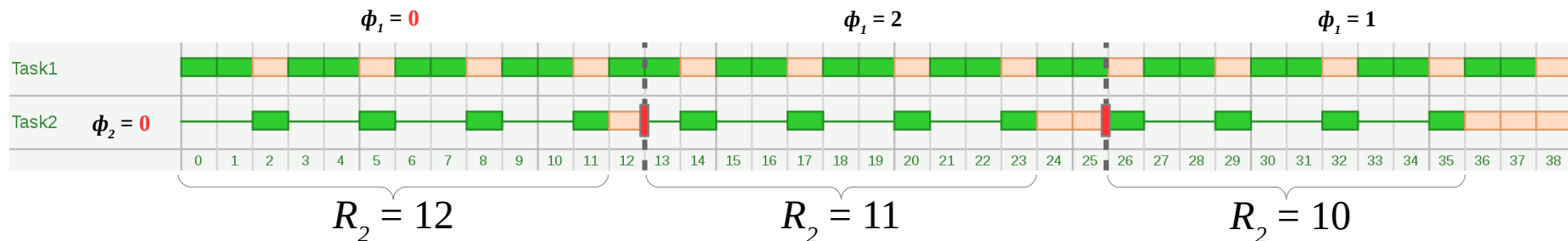
Exakter Test: Antwortzeitanalyse [5]

- Wenn die Antwortzeit R_i für alle Tasks kleiner oder gleich der Periode T_i ist, werden keine Fristen verletzt.

Bedingung (notw. und hinr.)

$$\forall i \in \{1, \dots, m\} : R_i \leq T_i$$

- Fall größtmöglicher Verzögerung $\phi_i = 0$: Bereits zu Beginn der Periode sind auch alle höherprioren Tasks rechenbereit.



- Berechnung von R_i :

$$R_i = C_i + I_i = C_i + \sum_{j \in hp_i} \left\lceil \frac{R_i}{T_j} \right\rceil \cdot C_j$$

I_x : "Interference" – Verzögerung durch höherprioritäre Tasks
 hp_x : Indizes der Tasks mit höherer Priorität als x
 $\lceil x \rceil$: Ganzzahlige Aufrundung

Exakter Test: Iterative Lösung

- Berechnung von R_i durch Fixpunktiteration:
 - Abbruch, sobald $R_i^{n+1} = R_i^n$ oder $R_i^{n+1} > T_i$

$$R_i^{n+1} = C_i + \sum_{j \in hp_i} \left\lfloor \frac{R_i^n}{T_j} \right\rfloor \cdot C_j$$

- Pseudocode des Tests für alle Tasks:

```
for (each task  $\tau_i$ ) {  
     $I = 0$   
    do {  
         $R = I + C_i$   
        if ( $R > T_i$ ) return false // Frist wird verletzt  
         $I = \sum_{j \in hp_i} \left\lfloor \frac{R}{T_j} \right\rfloor \cdot C_j$   
    } while ( $I + C_i > R$ )  
}  
return true // alle Fristen werden eingehalten
```

Rate-Monotonic Scheduling ist „optimal“

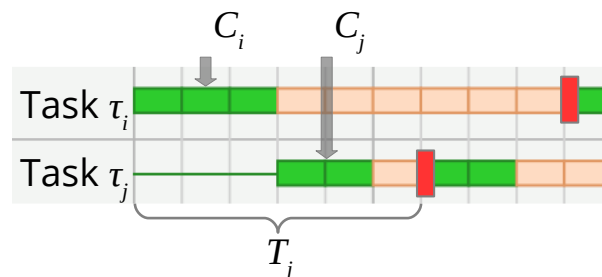
- Zu zeigen: RM ist ein *optimaler* Scheduling-Algorithmus für *feste* Prioritäten. D.h., falls ein Algorithmus einen gültigen Ablaufplan liefert, tut RM dies auch.

- Widerspruchsbeweis: Angenommen ...

$$\neg(A \Rightarrow B) \Leftrightarrow A \wedge \neg B$$

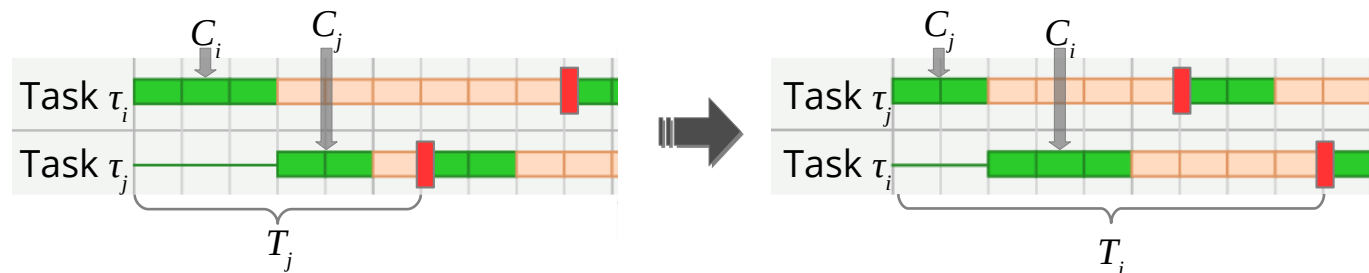
Algorithmus A liefert gültigen Plan und RM *nicht*.

- Im Plan von A: $\text{prio}(\tau_i) = \text{prio}(\tau_j) + 1$ und $T_i > T_j$ (anders als RM)
 - $C_i + C_j \leq T_j$ gilt, da der Plan gültig ist und τ_i die höhere Priorität hat



Rate-Monotonic Scheduling ist „optimal“

- Zu zeigen: RM ist ein *optimaler* Scheduling-Algorithmus für *feste* Prioritäten. D.h., falls ein Algorithmus einen gültigen Ablaufplan liefert, tut RM dies auch.
- Widerspruchsbeweis: Angenommen ... $\neg(A \Rightarrow B) \Leftrightarrow A \wedge \neg B$
Algorithmus A liefert gültigen Plan und RM *nicht*.
 - Im Plan von A: $\text{prio}(\tau_i) = \text{prio}(\tau_j) + 1$ und $T_i > T_j$ (anders als RM)
 - $C_i + C_j \leq T_j$ gilt, da der Plan gültig ist und τ_i die höhere Priorität hat
 - Wie wirkt sich die Vertauschung der Prioritäten (nur) dieser Tasks aus?
 - τ_j planbar, da jetzt mit höherer Priorität; τ_i auch planbar, da $C_i + C_j \leq T_j < T_i$



***Rate-Monotonic Scheduling* ist „optimal“**

- Zu zeigen: RM ist ein *optimaler* Scheduling-Algorithmus für *feste* Prioritäten. D.h., falls ein Algorithmus einen gültigen Ablaufplan liefert, tut RM dies auch.
- Widerspruchsbeweis: Angenommen ...
 $\neg(A \Rightarrow B) \Leftrightarrow A \wedge \neg B$
Algorithmus A liefert gültigen Plan und RM *nicht*.
 - Im Plan von A: $\text{prio}(\tau_i) = \text{prio}(\tau_j) + 1$ und $T_i > T_j$ (anders als RM)
 - $C_i + C_j \leq T_j$ gilt, da der Plan gültig ist und τ_i die höhere Priorität hat
 - Wie wirkt sich die Vertauschung der Prioritäten (nur) dieser Tasks aus?
 - τ_j planbar, da jetzt mit höherer Priorität; τ_i auch planbar, da $C_i + C_j \leq T_j < T_i$
 - Durch eine endliche Zahl solcher Vertauschungen kommt man zu RMS
 - **Auch** ein gültiger Plan → Widerspruch zur Annahme → **RM ist optimal!**

RM-Scheduling: Fazit

- RM ist **einfach** anzuwenden und **optimal** bei festen Prioritäten
 - Betriebssystem benötigt lediglich "*Fixed Priority*"-Scheduler
- Antwortzeitanalyse ermöglicht exakten Einplanbarkeitstest
 - Wichtig für harte Echtzeitsysteme: Mathematische **Garantie!**
- In vielen Fällen reicht die 70%-Regel.



Aber Vorsicht:

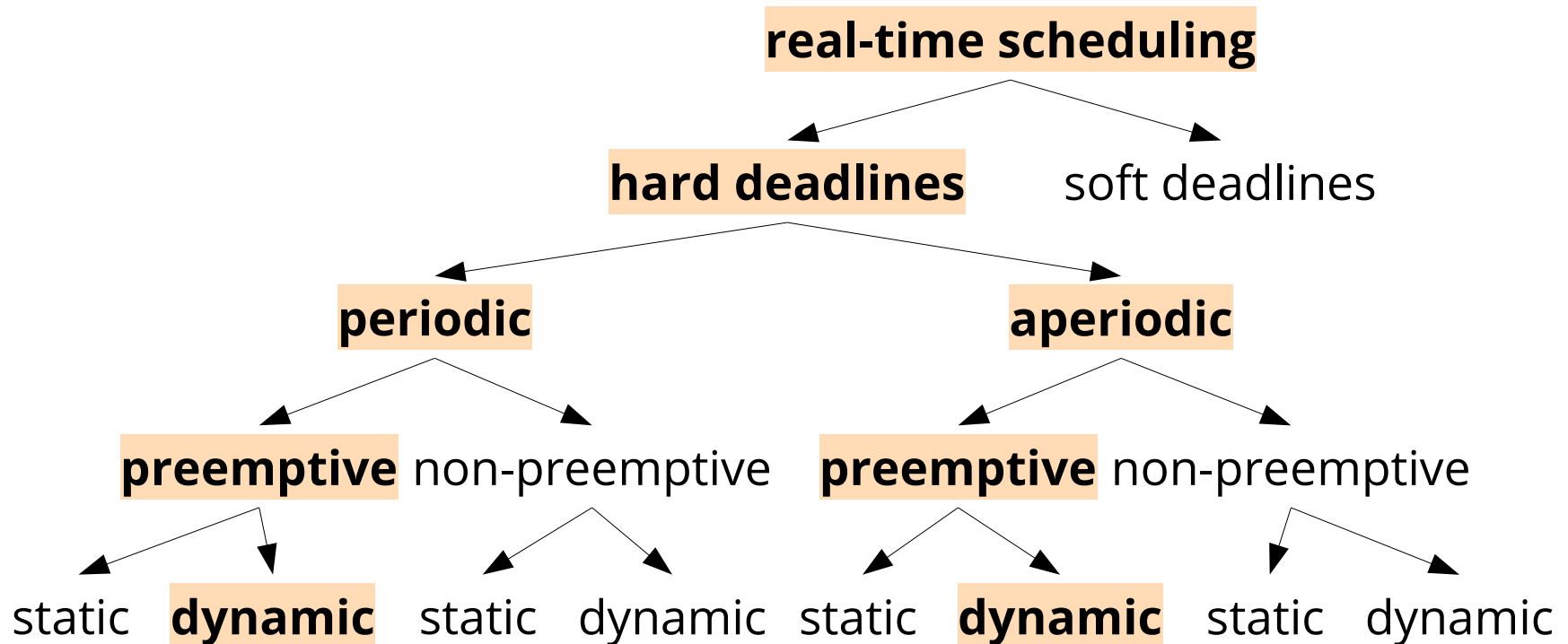
- Annahmen A.1-5 müssen gelten!
 - Uni-Prozessor, keine Task-Abhängigkeiten, ...
- WCET-Bestimmung bei modernen Prozessoren problematisch
 - Speicherhierarchien, *Out-of-Order-Execution*, DRAM-Zugriffszeiten, ...
- Immer das *gesamte* System betrachten



Inhalt

- Echtzeitsysteme
- Beispiel: OSEKtime
- Echtzeit-Scheduling-Strategien
- *Rate Monotonic Scheduling*
- ***Earliest Deadline First Scheduling***
- Ausblick

Beispiel: *Earliest Deadline First*



- ***Earliest Deadline First (EDF) Scheduling*** ist eine Scheduling-Strategie für präemptive, periodische und aperiodische Tasks mit harten Fristen. Die Prioritäten werden dynamisch (zur Laufzeit) vergeben.

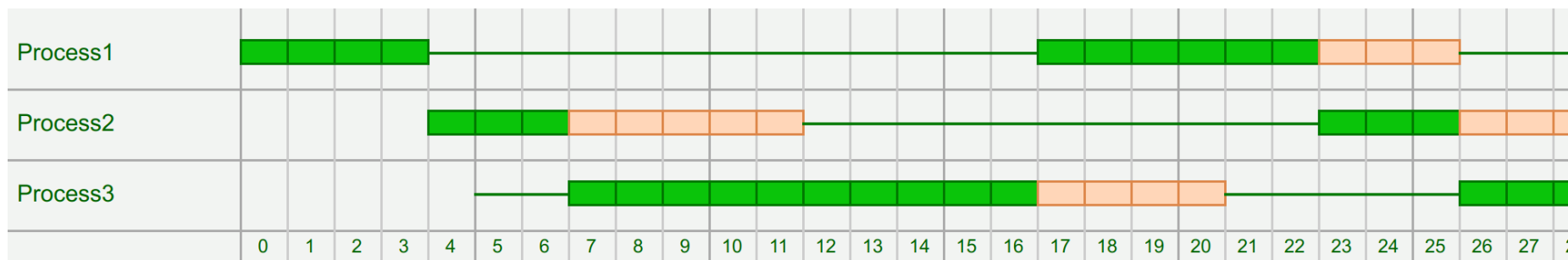
EDF-Algorithmus

- Rechenbereite Tasks sind in der Reihenfolge der **absoluten** Zeitpunkte ihrer Fristen sortiert.
- Falls der erste Task der Liste eine frühere Frist als der gerade laufende Task hat, wird dieser **sofort** verdrängt.

Spezifiziert werden die Deadlines aber i.d.R. relativ.

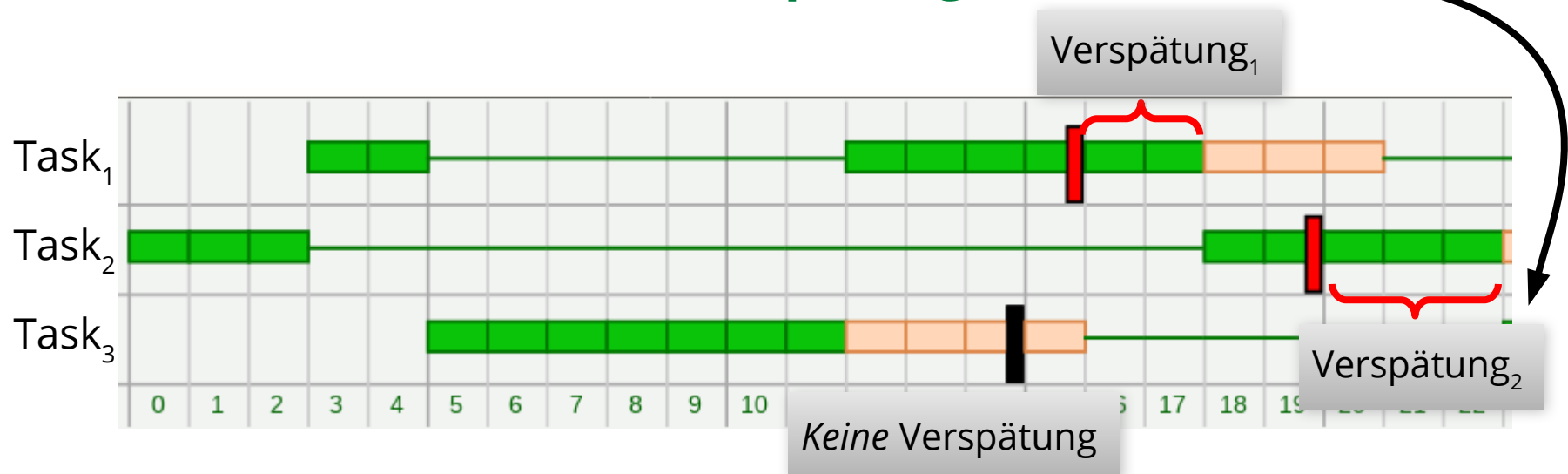
Beispiel:

Process name	Arrival	CPU burst	IO burst	Deadline
Process1	0	10	3	33
Process2	4	3	5	24
Process3	5	10	3-5	24



Optimalität von EDF

- EDF *minimiert* die **maximale Verspätung** der Tasks



- Wenn ein Zeitplan existiert, der alle Fristen einhält, so tut dies auch EDF → **EDF ist optimal**
 - ... für unabhängige Tasks mit dynamischen Prioritäten
- Speziell für **periodische** Tasks gilt: Wenn $U \leq 1$, findet EDF einen gültigen Ausführungsplan (ohne *Deadlines* zu verpassen!).

Beweis in [6]

EDF-Scheduling: Fazit

- Schlicht **optimal** für periodische und aperiodische *Task-Sets*
 - Höhere Auslastung als RM-Scheduling durch dynamische Prioritäten

 Aber:

- Meist nur in speziellen „Echtzeitbetriebssystemen“ implementiert
- Keine Aussage über Anzahl und Summe der Fristüberschreitungen
- Weniger vorhersagbar als zum Beispiel RM
 - Antwortzeiten können stark variieren: „Jitter“
 - In Überlastsituationen: „Dominoeffekt“



Inhalt

- Echtzeitsysteme
- Beispiel: OSEKtime
- Echtzeit-Scheduling-Strategien
- *Rate Monotonic Scheduling*
- *Earliest Deadline First Scheduling*
- **Ausblick**

Ausblick: Erweiterung der Strategien

- Umgang mit **sporadischen Tasks**
 - Limitierte Ankunftsrate, aber keine strikte Periode
- Beachtung von Task-Abhängigkeiten
- Steigerung der CPU-Auslastung
 - **Gemischtkritische („mixed-critical“) Systeme**
 - Einschränkung auf **„harmonische Tasks“**
 - Perioden sind ganzzahlige Vielfache voneinander
- **Moduswechsel**
 - z. B. Blinker/Schrittmotor wird aktiv
- [Vorübergehende] Überlast
- Anpassung an [heterogene] Multiprozessorsysteme

Literatur

- [1] Kopetz, Hermann: *Real-Time Systems: Design Principles for Distributed Embedded Applications (2nd. ed.)*. Springer Publishing Company, Inc., 2011. <https://doi.org/10.1093/comjnl/29.5.390>
- [2] Automotive Open System Architecture – <http://www.autosar.org>
- [3] Peter Marwedel. 2010. *Embedded System Design: Embedded Systems Foundations of Cyber-Physical Systems (2nd ed.)*. Springer Publishing Company, Incorporated.
- [4] C. L. Liu and J. W. Layland. 1973. *Scheduling Algorithms for Multiprogramming in a Hard-Real-Time Environment*. J. ACM 20, 1 (January 1973), 46-61.
<http://dx.doi.org/10.1145/321738.321743>

Literatur

- [5] M. Joseph and P. Pandya. 1986. *Finding response times in real-time systems*, BCS Computer Journal, 29 (5): 390–395, DOI=<https://doi.org/10.1093/comjnl/29.5.390>
- [6] G. C. Buttazzo. *Hard Real-Time Computing Systems: Predictable Scheduling Algorithms and Applications*. Kluwer Academic Publishers, USA, 1997.